# Комплект оценочных материалов по дисциплине«Математическое моделирование»

### Задания закрытого типа

#### Задания закрытого типа на выбор правильного ответа

Выберите один правильный ответ

1. Математическое моделирование это средство для

А) изучения свойств реальных объектов в рамках поставленной задачи

Б) упрощения поставленной задачи

В) поиска физической модели

Г) принятия решения в рамках поставленной задачи

Правильный ответ: А

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

2. Какой модели быть не может?

А) вещественной, физической

Б) идеальной, физической

В) вещественной, математической

Г) идеальной, математической

Правильный ответ: Б

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

3. Что такое математическая модель?

А) точное представление реальных объектов, процессов или систем, выраженное в математических терминах и сохраняющее существенные черты оригинала

Б) точное представление реальных объектов, процессов или систем, выраженное в физических терминах и сохраняющее существенные черты оригинала

В) приближенное представление реальных объектов, процессов или систем, выраженное в математических терминах и сохраняющее существенные черты оригинала

Г) приближенное представление реальных объектов, процессов или систем, выраженное в физических терминах и сохраняющее существенные черты оригинала

Правильный ответ: В

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

4. Какие виды математических моделей получаются при разделении их по принципам построения?

А) аналитические, имитационные

Б) детерминированные, стохастические

В) стохастические, аналитические

Г) детерминированные, имитационные

Правильный ответ: А

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

5. На какой язык должна быть "переведена" прикладная задача для ее решения с использованием ПК?

А) неформальный математический язык

Б) формальный математический язык

В) формальный физический язык

Г) неформальный физический язык

Правильный ответ: Б

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

6. К какому классу моделей можно отнести спичечный коробок, если представить его моделью системного блока ПК при планировании своего рабочего места?

А) это идеальная, математическая модель

Б) это вещественная, натурная модель

В) это вещественная, физическая модель

Г) это не является моделью

Правильный ответ: В

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

7. Какая из задач не имеет аналитической модели?

А) поиск оптимального раскроя листа фанеры

Б) демодуляция аналогового сигнала

В) расчет расхода топлива по заданной формуле

Г) распознавание текста

Правильный ответ: Г

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

8. Какая математическая модель не относится к стохастическим?

А) идеальный газ

Б) квантовый осциллятор

В) материальная точка

Г) ни одна из предложенных

Правильный ответ: В

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

9. Материальная точка это не только математическая, но и

А) натурная модель

Б) физическая модель

В) наглядная модель

Г) знаковая модель

Правильный ответ: В

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

10. Какое максимальное количество моделей одного объекта можно составить?

А) любое количество

Б) 1

В) 3

Г) 7

Правильный ответ: А

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

11. Какие модели входят в состав идеальных математических моделей?

А) аналитические, функциональные, имитационные, комбинированные

Б) аналоговые, структурные, геометрические, графические, цифровые и кибернетические

В) символы, алфавит, языки программирования, упорядоченная запись, топологическая запись, сетевое представление

Г) нет правильного ответа

Правильный ответ: А

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

12. В чем заключается построение математической модели?

А) в определении связей между теми или иными процессами и явлениями, создании математического аппарата, позволяющего выразить количественно и качественно связь между теми или иными процессами и явлениями, между интересующими специалиста математическими величинами, и факторами, влияющими на конечный результат

Б) в определении связей между теми или иными процессами и явлениями, создании математического аппарата, позволяющего выразить количественно связь между теми или иными процессами и явлениями, между интересующими специалиста физическими величинами, и факторами, влияющими на конечный результат

В) в определении связей между теми или иными процессами и явлениями, создании математического аппарата, позволяющего выразить количественно связь между теми или иными процессами и явлениями, между интересующими специалиста математическими величинами, и факторами, влияющими на конечный результат

Г) в определении связей между теми или иными процессами и явлениями, создании математического аппарата, позволяющего выразить количественно и качественно связь между теми или иными процессами и явлениями, между интересующими специалиста физическими величинами, и факторами, влияющими на конечный результат

Правильный ответ: Г

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

13. Какие группы математических моделей не являются результатом распределения моделей по их поведению во времени?

А) статические, динамические

Б) динамические, изоморфные

В) изоморфные, динамические

Г) непрерывные, изоморфные

Правильный ответ: Г

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

14. На какие группы можно разделить математические модели по степени их соответствия реальным объектам, процессам или системам?

А) стохастические, изоморфные

Б) изоморфные, гомоморфные

В) детерминированные, стохастические

Г) нет правильного ответа

Правильный ответ: Б

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

15. Как называется модель, если между ней и реальным объектом, процессом или системой существует полное поэлементное соответствие?

А) стохастическая

Б) изоморфная

В) детерминированная

Г) гомоморфная

Правильный ответ: Б

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

16. Какие характеристики объекта, процесса или системы устанавливаются на этапе выбора математической модели?

А) дискретность, изоморфность

Б) линейность, стационарность

В) изоморфность, линейность

Г) стационарность, дискретность

Правильный ответ: Б

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

17. Посредством каких конструкций, математические модели описывают основные свойства объекта, процесса или системы, его параметры, внутренние и внешние связи?

А) логико-математических конструкций

Б) статистических конструкций

В) вероятностных конструкций

Г) нет правильного ответа

Правильный ответ: А

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

18. Что не входит в предмет математического моделирования?

А) построение алгоритма, моделирующего поведение объекта (системы)

Б) корректировка построенной модели

В) поиск закономерностей поведения объекта (системы)

Г) построение натурной модели

Правильный ответ: Г

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

19. Какая задача не поддается точному решению на ПК в виде формул?

А) интегральное уравнение 1-го порядка

Б) дифференциально-интегральная система уравнений

В) система нелинейных уравнений

Г) все указанные поддаются

Правильный ответ: Г

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

20. Для чего могут применяться результаты проверки адекватности математической модели и реального объекта, процесса или системы?

А) только для корректировки математической модели

Б) только для решения вопроса о применимости построенной математической модели

В) для корректировки математической модели или для решения вопроса о применимости построенной математической модели

Г) нет правильного ответа

 Правильный ответ: В

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

#### Задания закрытого типа на установление соответствия

1. Установите правильное соответствие. Каждому элементу левого столбца соответствует только один элемент правого столбца.

Установите соответствие типа модели СМО её характеристике

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| 1) | $$M / M / 1$$ | А) | Модель имеет два устройства обслуживания; процессы распределения времени поступления и обслуживания являются детерминированными. |
| 2) | $$D / D / 2$$ | Б) | Модель имеет одно устройство обслуживания; процесс распределения времени поступления является марковским, а процесс обслуживания – с любым распределением. |
| 3) | $$M /G / 1$$ | В) | Модель имеет два устройства обслуживания; процессы распределения времени поступления и обслуживания с любым распределением. |
| 4) | $$G / G / 2$$ | Г) | Модель имеет одно устройство обслуживания; процессы распределения времени поступления и обслуживания являются марковскими. |

Правильный ответ: 1-Г, 2-А, 3-Б, 4-В

Компетенции (индикаторы):

#### Задания закрытого типа на установление правильной последовательности

*Установите правильную последовательность.*

*Запишите правильную последовательность букв слева направо.*

1. Установите правильную последовательность указанных этапов математического моделирования процесса:

А) анализ результата

Б) определение целей моделирования

В) проведение исследования

Г) поиск математического описания

Правильный ответ: Б, Г, В, А

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

### Задания открытого типа

#### Задания открытого типа на дополнение

*Напишите пропущенное слово (словосочетание).*

1. По поведению математических моделей во времени их разделяют на \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ модели.

Правильный ответ: статические и динамические

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

2. По виду входной информации математические модели можно разделить на \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ модели.

Правильный ответ: дискретные и непрерывные

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

3. Объект, замещаемый моделью, называется \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_.

Правильный ответ: оригиналом

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

4. В зависимости от характера исследуемых реальных процессов и систем математические модели можно разделить на \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ модели.

Правильный ответ: детерминированные и стохастические

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

5. Модель, в которой предполагается отсутствие всяких случайных воздействий и элементы модели достаточно точно установлены, называется \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ моделью.

Правильный ответ: детерминированной

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

#### Задания открытого типа с кратким свободным ответом

*Напишите пропущенное слово (словосочетание).*

1. Во время поиска лучшего результата были построены две различные математические модели: эксперимент на ПК, моделирующий систему атомов, и дифференциальная система уравнений, решенная численно, от двух полученных результатов взяли среднеквадратичный. Такой метод является \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ моделью.

Правильный ответ: математической, идеальной / идеальная, математическая / идеальной, математической

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

#### Задания открытого типа с развернутым ответом

1. Решить задачу, используя методы дифференциального исчисления:

Используя моделирование на графах, найти критический путь в сети по заданной матрице длин дуг



Привести расширенное решение.

Время выполнения – 30 мин.

Ожидаемый результат:

Сеть имеет вид

0

1

2

3

4

6

3

7

6

9

5

8

11

4

9

8

3

6

11

5

Пусть  – множество дуг, которые образуют сеть. Для нахождения критического пути в сети рассмотрим алгоритм Беллмана-Калаба. Сначала полагаем

 (1)

 (2)

Потом вычисляем

 ,  (3)

 (4)

Потом последовательно вычисляем

 ,  (5)

 (6)

для всех значений  вычисления заканчиваются, когда

,  (7)

Тогда  будет величиной оптимального пути между вершинами  и .

Для любой дуги  полагаем  . Получим матрицу



По формулам (3):

















































Алгоритм закончен, поскольку . Результаты вычислений заносим в таблицу

|  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|   | ***0*** | ***1*** | ***2*** | ***3*** | ***4*** | ***5*** | ***6*** |
| **1** |  |  |  | 9 | ***11*** | ***6*** | 0 |
| **2** | 17 | 18 | 14 | ***19*** | 11 | 6 | 0 |
| **3** | 25 | ***24*** | ***23*** | 19 | 11 | 6 | 0 |
| **4** | ***32*** | 24 | 23 | 19 | 11 | 6 | 0 |
| **5** | 32 | 24 | 23 | 19 | 11 | 6 | 0 |

Результаты таблицы показаны на рисунке жирной линией. Числа в кружках указывают величины максимальных путей, которые идут из каждой вершины  до конечной вершины . Критический путь показан на рисунке жирной линией. Длина критического пути .

32

0

1

2

3

4

6

3

7

6

9

5

8

11

4

9

8

3

6

11

5

19

24

23

11

6

0

Критерии оценивания: содержательное соответствие приведенному решению.

Компетенции: ОПК-1, ОПК-3, ОПК-4

2. Построить математическую модель работы СМО с ожиданием. Для 4-канальной СМО с ожиданием, на которую поступает простейший поток вызовов с параметром $λ=3,21$, необходимо:

1) Построить закон распределения числа поступивших вызовов.

2) Вычислить вероятность ожидания обслуживания поступивших вызовов.

3) Вычислить среднюю длину очереди

4) Вычислить среднее время ожидания.

Привести расширенное решение.

Время выполнения – 30 мин.

Ожидаемый результат:

Математическая модель работы СМО с ожиданием:

Система имеет $n$, $1\leq n\leq ∝$, полнодоступных каналов обслуживания;

Возможные состояния системы:

$x\_{0}$ – ни один канал не занятый (очереди нет),

$x\_{1}-$занятый точно один канал (очереди нет),

…………………………………………………….

$x\_{k}-$ заняты точно $k$ каналов (очереди нет),

…………………………………………………….

$x\_{n}-$ заняты все $n$ каналов (очереди нет),

$x\_{n+1}-$ заняты все $n$ каналов, одна заявка находится в очереди,

$x\_{n+s}-$ заняты все $n$ каналов, $s$ заявок находится в очереди,

………………………………………………………..

Дисциплина обслуживания с ожиданием: вызов, заставший все каналы системы занятыми, становится в очередь и ожидает, пока не освободится какой-либо канал;

Закон распределения времени обслуживания одного вызова – экспоненциальный с параметром $\frac{1}{h}$, где $h$ – среднее время обслуживания одного вызова.

Входной поток вызовов простейший с плотностью $λ$, вероятность $p\_{k}$ состояния $x\_{k}$ (вероятность того, что заняты точно  каналов) вычисляется по формулам:

$$p\_{k}=\frac{\frac{λ^{k}}{k!}}{\sum\_{k=0}^{n}\frac{λ^{k}}{k!}+\frac{λ}{n-λ}⋅\frac{λ^{n}}{n!}} \left(1\right)$$

$0<k<n$.

1) Пользуясь формулой (1), построим закон распределения числа поступивших вызовов.

Вычислим

$$\sum\_{k=0}^{4}\frac{λ^{k}}{k!}+\frac{λ}{4-λ}⋅\frac{λ^{4}}{4!}=1+λ+\frac{λ^{2}}{2!}+\frac{λ^{3}}{3!}+\frac{λ^{4}}{4!}+\frac{λ}{4-λ}⋅\frac{λ^{4}}{4!}=$$

$=1+3,21+\frac{10,3}{2}+\frac{33}{6}+\frac{106}{24}+\frac{3,21}{0,8}⋅\frac{106}{24}=1+3,21+5,14+5,5+4,42+17,74=37=B$.

Тогда

$p\_{0}=\frac{1}{B}=\frac{1}{37}=0,027$, $p\_{4}=\frac{λ^{4}}{4!B}=\frac{106}{888}=0,1196$,

$p\_{1}=\frac{λ}{B}=\frac{3,21}{37}=0,0868$, $p\_{5}=\frac{\frac{λ}{5}⋅\frac{λ^{4}}{4!}}{B}=\frac{0,642⋅4,4239}{37}=0,0768$,

$p\_{2}=\frac{λ^{2}}{2!B}=\frac{10,3}{74}=0,1392$, $p\_{6}=\frac{\left(\frac{λ}{4}\right)^{2}⋅2,3594}{B}=\frac{1,5195}{37}=0,0411$,

$p\_{3}=\frac{λ^{3}}{3!B}=\frac{33}{222}=0,1486$, $p\_{7}=\frac{λ^{7}}{7!B}=0,0188$

Построим график закона распределения числа поступивших вызовов;



1. Вычислим вероятность ожидания обслуживания поступивших вызовов:

$P\left(γ>0\right)=\frac{\frac{λ}{n-λ}⋅\frac{λ^{n}}{n!}}{\sum\_{k=0}^{n}\frac{λ^{k}}{k!}+\frac{λ}{n-λ}⋅\frac{λ^{n}}{n!}}=\frac{\frac{λ}{4-λ}⋅\frac{λ^{4}}{4!}}{B}=\frac{4,06⋅4,42}{37}=0,4850=D\_{n}\left(λ\right)$.

1. Вычислим среднюю длину очереди:

$\bar{s}=\frac{λ}{n-λ}D\_{n}\left(λ\right)=\frac{3,21}{4-3,21}⋅0,4850=1,4$.

1. Вычислим среднее время ожидания обслуживания:

$\bar{γ}=\frac{\bar{s}}{λ}=\frac{1}{n-λ}D\_{n}\left(λ\right)=\frac{0,4850}{0,79}=0,4476$.

Критерии оценивания: содержательное соответствие приведенному решению.

Компетенции: ….