

**МИНИСТЕРСТВО НАУКИ И ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ
РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ**

**Федеральное государственное бюджетное образовательное учреждение
высшего образования
«Луганский государственный университет имени Владимира Даля»
(ФГБОУ ВО «ЛГУ им. В. Даля»)**

Северодонецкий технологический институт (филиал)

**Кафедра Информационных технологий, приборостроения и
электротехники**

УТВЕРЖДАЮ:
Врио. директора СТИ (филиал)
ФГБОУ ВО «ЛГУ им. В. Даля»
Ю.В. Бородач
(подпись)
« 26 » 09 2024 года



**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА УЧЕБНОЙ ДИСЦИПЛИНЫ
«Высшая математика»**

По направлению подготовки 15.03.04 «Автоматизация технологических про-
цессов и производств»

профиль «Автоматизация нефтегазовой и химической технологий»

Северодонецк 2023

Лист согласования РПУД

Рабочая программа учебной дисциплины «Высшая математика» по направлению подготовки 15.03.04 «Автоматизация технологических процессов и производств», профиль «Автоматизация нефтегазовой и химической технологий» – 52 с.

Рабочая программа учебной дисциплины «Высшая математика» разработана в соответствии с ФГОС ВО, утвержденным приказом Министерства науки и высшего образования Российской Федерации от 09.08.2021 № 730 (с изменениями и дополнениями).

СОСТАВИТЕЛЬ (СОСТАВИТЕЛИ):

доцент, к.т.н., Нагулин Н.И.

Рабочая программа дисциплины утверждена на заседании кафедры информационных технологий, приборостроения и электротехники «02» 09 2024 г., протокол № 1.

Заведующий кафедрой ИТПЭ В.Г. Ч


(подпись)

Переутверждена: «__» _____ 20__ года, протокол № _____

СОГЛАСОВАНА:

И.о. заведующего кафедрой управления

инновациями в промышленности



Е. А. Бойко

Переутверждена: «__» _____ 20__ года, протокол № _____

Рекомендована на заседании учебно-методической комиссии Северодонецкого технологического института (филиал) федерального государственного бюджетного образовательного учреждения высшего образования «Луганский государственный университет имени Владимира Даля» «16» 09 2024 г., протокол № 1

Председатель учебно-методической комиссии
СТИ (филиал) ФГБОУ ВО «ЛГУ им. В. Даля»



Ю.В. Бородач

© Нагулин Н.И., 2024 год

© ФГБОУВО «ЛГУ им. В. Даля» СТИ (филиал), 2024 г.

Структура и содержание дисциплины

1. Цели и задачи дисциплины освоения дисциплины (модуля)

Целью дисциплины является освоение студентами базового математического аппарата, являющегося основой для последующего освоения других дисциплин, использующих математические методы и составляющих теоретическую базу бакалавра.

Задачами дисциплины является: развитие у студентов логического и алгоритмического мышления; формирование математических знаний для успешного овладения общенаучными дисциплинами на необходимом научном уровне; выработка умения студентами самостоятельно расширять математические знания и проводить математический анализ прикладных задач.

2. Место дисциплины (модуля) в структуре ОПОП ВО

Логико-структурный анализ дисциплины: курс входит в обязательную часть блока 1 «Дисциплины (модули)» подготовки студентов по направлению подготовки 18.03.01 «Химическая технология»

Дисциплина реализуется кафедрой информационных технологий, приборостроения и электроники.

Основывается на базе дисциплин: Математика на базе средней школы.

Является основой для изучения следующих дисциплин: Теоретическая механика, Энерготехнология производства в отрасли, Теория автоматического управления, Процессы и аппараты химической технологии, Математическое моделирование и оптимизация объектов химической технологии.

Дисциплина нацелена на формирование:

универсальных (УК-1) и общепрофессиональных компетенций (ОПК-2) выпускника.

Содержание дисциплины: Аналитическая геометрия и линейная алгебра. Дифференциальное и интегральное исчисления. Дифференциальные уравнения. Ряды. Функции комплексного переменного. Операционное исчисление. Элементы теории вероятностей и математической статистики.

Виды контроля по дисциплине: текущий контроль знаний на практических занятиях и при тестировании, промежуточный контроль – экзамен.

Общая трудоемкость освоения дисциплины составляет 12 зачетных единицы, 432 часов.

1. Компетенции обучающегося, формируемые в результате освоения дисциплины

Код и наименование компетенции	Индикаторы достижений компетенции (по реализуемой дисциплине)	Перечень планируемых результатов
УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1. Знать: методики поиска, сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа УК-1.2. Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, получен-	Знать: методики поиска, сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из раз-

	ной из разных источников; применять системный подход для решения поставленных задач УК-1.3. Владеть: навыками поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач	ных источников; применять системный подход для решения поставленных задач Владеть навыками поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач
ОПК-2. Способен использовать математические, физические, физико-химические, химические методы для решения задач профессиональной деятельности	ОПК-2.1 Знать и использовать дифференциальные и интегральные исчисления, дифференциальные уравнений, теорию вероятностей и математическую статистику ОПК-2.2 Знать и использовать физические законы и принципы в своей профессиональной деятельности ОПК-2.3. Знать и использовать законы электротехники, принципы действия и методы расчета типовых электротехнических и электронных устройств для решения возникающих физических задач, самостоятельного приобретения физических знаний, для понимания принципов работы приборов и устройств. ОПК-2.4. Уметь выбирать и рассчитывать оборудование для проведения химико-технологических процессов ОПК-2.5. Уметь применять в профессиональной деятельности естественнонаучные и общетехнические знания ОПК-2.6. Уметь использовать в профессиональной деятельности основы моделирования реальных объектов, основы расчетов и конструирования элементов технического оборудования по критериям работоспособности ОПК-2.7. Владеть навыками решение инженерных задач с применением методов математического анализа, теории ве-	Знать: использовать дифференциальные и интегральные исчисления, дифференциальные уравнений, теорию вероятностей и математическую статистику Знать и использовать физические законы и принципы в своей профессиональной деятельности Знать и использовать законы электротехники, принципы действия и методы расчета типовых электротехнических и электронных устройств для решения возникающих физических задач, самостоятельного приобретения физических знаний, для понимания принципов работы приборов и устройств. Уметь: выбирать и рассчитывать оборудование для проведения химико-технологических процессов Уметь применять в профессиональной деятельности естественнонаучные и общетехнические знания Уметь использовать в профессиональной деятельности основы моделирования реальных объектов, основы расчетов и конструирования элементов технического оборудования по критериям работоспособности Владеть навыками решения инженерных задач с применением методов математического анализа, теории вероятности и математической статистики, решать уравнения и системы

	ростности и математической статистики, решать уравнения и системы дифференциальных уравнений применительно к реальным процессам ОПК-2.8. Владеть навыками математического моделирования технологических процессов и обработки экспериментальных данных	дифференциальных уравнений применительно к реальным процессам Владеть навыками математического моделирования технологических процессов и обработки экспериментальных данных
--	--	---

4. Структура и содержание дисциплины (модуля)

4.1 Объем учебной дисциплины и виды учебной работы

Вид учебной работы	Объем часов (зач. ед.)	
	Очная форма	Заочная форма
Общая учебная нагрузка (всего)	432 (12 з.е.)	432 (12 з.е.)
Обязательная контактная работа (всего)	204	36
в том числе:		
Лекции	102	18
Семинарские занятия	-	-
Практические занятия	102	18
Лабораторные работы	-	-
Курсовая работа (курсовой проект)	-	-
Другие формы и методы организации образовательного процесса (расчетно-графические работы, индивидуальные задания и т. п.)	-	-
Самостоятельная работа студента (всего)	228	396
Форма аттестации	Экзамен (1,2,3)	Экзамен (1,2,3)

4.2 Содержание разделов дисциплины

Семестр 1

Раздел 1. Введение в математический анализ

Тема 1. Множество действительных чисел. Элементы теории множеств. Множество действительных чисел и его основные свойства. Модуль действительного числа и его свойства. Числовые промежутки. Ограниченные и неограниченные числовые множества. Признак ограниченности числового множества.

Тема 2. Функции одной переменной. Понятие функции одной переменной. Область определения и область значений функции. График функции одной переменной. Способы задания функции одной переменной. Действия над функциями. Понятие числовой последовательности. Понятие монотонной функции. Понятия четной и нечетной функций. Понятие периодической функции. Основные элементарные функции, их свойства и графики. Элементарные преобразования графиков функций.

Тема 3. Пределы. Окрестность точки на числовой прямой. Предельные точки числового множества. Понятие предела функции в точке. Геометрический смысл предела функции в точке. Первый замечательный предел. Основные теоремы о пределах. Пределы суммы, разности, произведения и частного двух функций. Предел функции при аргументе, стремящемся к бесконечности, и его геометрический смысл. Предел числовой последовательности. Бесконечно малые функции и их свойства. Сравнение бесконечно малых функций. Бесконечно большие функции и бесконечные пределы. Связь понятий бесконечно большой и бесконечно малой функций. Вычисление предела суммы, разности, про-

изведения и частного двух функций в особых случаях. Эквивалентные бесконечно малые функции. Вычисление пределов с помощью эквивалентных бесконечно малых функций. Односторонние пределы функции в точке. Аксиома непрерывности множества действительных чисел. Точные границы числовых множеств. Теоремы о пределе монотонной числовой последовательности. Теорема Кантора. Неравенство Бернулли. Число e . Второй замечательный предел. Другие замечательные пределы (третий, четвёртый, пятый). Таблица эквивалентных бесконечно малых функций.

Тема 4. Непрерывность функции. Понятие непрерывной функции в точке. Непрерывность суммы, разности, произведения и частного двух функций в точке. Теорема о внесении знака предела под знак непрерывной функции. Теорема о непрерывности композиции функций. Односторонняя непрерывность функции в точке. Точки разрыва функции. Классификация точек разрыва. Односторонние пределы монотонных функций. Теорема о промежуточных значениях непрерывной функции.

Тема 5. Непрерывные функции на отрезке. Понятие подпоследовательности. Теорема Больцано-Вейерштрасса. Теоремы Вейерштрасса о непрерывной на отрезке функции. Раздел 2. Дифференциальное исчисление функции одной переменной

Тема 6. Производная функции одной переменной. Определение производной функции. Понятие дифференцируемой функции. Связь дифференцируемости функции с её непрерывностью. Касательная к графику функции. Геометрический смысл производной. Физический смысл производной. Производная суммы, разности, произведения и частного двух функций. Правила дифференцирования. Производная композиции двух функций. Производные элементарных функций. Производная обратной функции. Гиперболические функции и их производные. Производные высших порядков. Понятие параметризованного пути. Примеры. Производная функции, заданной параметрически. Касательная к параметризованному пути. Производная функции, заданной неявно.

Тема 7. Дифференциал функции одной переменной. Определение дифференциала функции одной переменной. Применение дифференциала функции в приближенных вычислениях. Геометрический смысл дифференциала функции одной переменной. Механический смысл дифференциала функции одной переменной. Дифференциал суммы, разности, произведения и частного двух функций. Дифференциал сложной функции. Дифференциалы высших порядков.

Тема 8. Основные свойства дифференцируемых функций и их применение. Возрастание и убывание функции в точке. Теорема Ферма. Теорема Ролля. Теорема Лагранжа. Теорема Коши. Возрастание и убывание функции на числовом промежутке. Точки максимума и минимума функции. Необходимое условие существования экстремума функции одной переменной. Достаточные условия существования экстремума функции одной переменной. Отыскание наибольшего и наименьшего значения функции, дифференцируемой на отрезке и на интервале. Направление выпуклости и точки перегиба графика функции. Невертикальные асимптоты графика функции. Раскрытие неопределенностей типа $\left[\frac{0}{0}\right]$ и $\left[\frac{\infty}{\infty}\right]$ с помощью правила Лопиталя. Применение дифференциального исчисления для исследования функции и построения её графика.

Семестр 2

Раздел 3. Интегральное исчисление функции одной переменной

Тема 9. Неопределенный интеграл. Условие постоянства функции на числовом промежутке. Понятие первообразной. Теорема о первообразной. Понятие неопределенного интеграла. Таблица основных неопределенных интегралов. Свойства неопределенного интеграла. Интегрирование по частям в неопределенном интеграле. Замена переменной в неопределенном интеграле. Рациональные функции. Простейшие рациональные функции. Разложение дробно-рациональной функции на простейшие дроби. Интегрирование простейших рациональных функций. Интегрирование правильной рациональной функции.

Интегрирование неправильной рациональной функции. Интегрирование тригонометрических выражений. Интегрирование некоторых выражений, содержащих радикалы.

Тема 10. Определенный интеграл Понятие определенного интеграла. Задачи, которые приводят к понятию определенного интеграла. Необходимое условие интегрируемости функции - её ограниченность. Суммы Дарбу и их свойства. Критерий интегрируемости функции. Достаточные условия интегрируемости функции. Свойства определенного интеграла. Теорема о среднем. Существование первообразных для непрерывной функции. Теорема о формуле Ньютона-Лейбница. Интегрирование по частям в определенном интеграле. Замена переменной интегрирования в определенном интеграле. Интегралы четных и нечетных функций по отрезку с серединой в нуле. Понятие о приближенном вычислении определенных интегралов. Методы вычисления определенных интегралов по формулам прямоугольников, трапеций и Симпсона.

Тема 11. Применение определенного интеграла Квадрируемые фигуры на плоскости и их площади. Площадь криволинейной трапеции. Вычисление площади криволинейного сектора. Функции с ограниченным изменением. Спрямолинейность и длина плоской кривой. Вычисление длины гладкой кривой. Вычисление длины гладкой кривой в декартовых и полярных координатах.

Тема 12. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования Понятие несобственного интеграла с бесконечными пределами интегрирования. Сходимость несобственных интегралов. Теорема о несобственном интеграле. Понятие остатка несобственного интеграла. Теорема об остатке несобственного интеграла.

Раздел 4. Ряды

Тема 13. Числовые ряды Понятие числового ряда. Частичные суммы ряда. Сходящиеся и расходящиеся ряды. Сумма сходящегося ряда. Теорема о геометрическом ряде. Сложение сходящихся числовых рядов. Умножение сходящегося числового ряда на число. Остатки числового ряда. Теоремы об остатке сходящегося числового ряда. Необходимое условие сходимости числового ряда. Гармонический ряд. Положительные числовые ряды. Критерий сходимости положительных рядов. Сравнение положительных рядов. Признаки Коши и Даламбера сходимости положительных рядов. Интегральный признак сходимости положительных рядов и его применение. Теорема об обобщенных гармонических рядах. Знакопередающиеся ряды. Теорема Лейбница о знакопередающихся рядах. Абсолютная и условная сходимость рядов. Положительная и отрицательная части числового ряда. Признаки Даламбера и Коши абсолютной сходимости числового ряда. Перестановка членов числового ряда. Необходимое и достаточное условия сходимости (критерий Коши) числовой последовательности и числового ряда.

Тема 14. Функциональные последовательности и функциональные ряды Функциональная последовательность. Область сходимости и предельная функция. Функциональные ряды. Область сходимости и сумма функционального ряда. Равномерная сходимость функциональной последовательности и функционального ряда. Теорема Вейерштрасса о равномерной сходимости функционального ряда. Необходимое и достаточное условия равномерной сходимости функциональных рядов и функциональных последовательностей. Свойства равномерно сходящихся функциональных рядов.

Тема 15. Степенные ряды. Разложение функций в степенные ряды Понятие степенного ряда. Теорема Абеля об интервале и радиусе сходимости степенного ряда. Следствия из теоремы. Теорема о равномерной сходимости степенного ряда. Свойства степенных рядов (непрерывность суммы; почленное интегрирование и дифференцирование степенного ряда). Разложение функции в степенной ряд. Теорема о единственности разложения функции в степенной ряд. Формула Тейлора. Теорема об условии сходимости ряда Тейлора. Ряд Маклорена. Схема разложения функции в степенной ряд. Теорема о разложении функции $f(x) = e^x$ в степенной ряд. Теорема о разложении функции $f(x) = \sin x$ в степенной ряд. Теорема о разложении функции $f(x) = \cos x$ в степенной ряд. Теорема о

разложении функции $f(x) = \ln(1+x)$ в степенной ряд. Теорема о разложении функции в $f(x) = \arctg x$ в степенной ряд. Теорема о разложении функции $f(x) = (1+x)^m$ в биномиальный ряд. Приближенные вычисления с помощью степенных рядов.

Тема 16. Тригонометрические ряды. Ряд Фурье. Понятие степенного ряда в комплексной области. Круг сходимости степенного ряда. Теорема Абеля. Показательная и тригонометрические функции комплексной переменной. Формулы Эйлера. Тригонометрическая система функций и её ортогональность. Понятие тригонометрического ряда. Ряд Фурье. Комплексная форма ряда Фурье. Сходимость ряда Фурье. Теорема Дирихле. Ряды по косинусам и синусам. Специальные приёмы разложения функций в зависимости от заданного интервала разложения. Применение тригонометрических рядов Фурье в приближенных вычислениях.

Семестр 3

Раздел 5. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных

Тема 17. Функции нескольких переменных. Функция двух переменных. Область определения и область значений функции двух переменных. Способы задания функции двух переменных. График функции двух переменных. Линии уровня. Функция нескольких переменных. Предел функции двух переменных. Бесконечно малые функции и их свойства. Непрерывность в точке функции двух переменных. Частные производные функции нескольких переменных. Частные приращения и частные производные функции двух переменных. Функция двух переменных, дифференцируемая в точке. Полный дифференциал функции в точке. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости функции двух переменных. Производная и дифференциал сложной функции двух переменных. неявная функция двух переменных, её частные производные.

Тема 18. Вычисление частных производных высших порядков функции нескольких переменных. Производная по направлению и градиент функции нескольких переменных. Частные производные высших порядков функции нескольких переменных. Дифференциал функции двух переменных и его основные свойства. Дифференциалы высших порядков функции двух переменных. Производная по направлению функции нескольких переменных. Градиент функции нескольких переменных в точке.

Тема 19. Экстремумы функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных. Максимум и минимум функции двух переменных. Критические точки функции. Необходимые и достаточные условия существования экстремума. Алгоритм исследования функции двух переменных на экстремум. Абсолютные и условные экстремумы функции. Теорема Вейерштрасса о существовании наибольшего и наименьшего значений функции. Алгоритм поиска абсолютного экстремума функции и заданной области.

Раздел 6. Интегральное исчисление функции нескольких переменных

Тема 20. Двойные интегралы. Определение двойного интеграла. Задачи, приводящие к понятию двойного интеграла. Функция, интегрируемая в области. Геометрический смысл двойного интеграла. Необходимые и достаточные условия существования двойного интеграла. Свойства двойного интеграла. Понятие повторного интеграла. Вычисление двойного интеграла повторным интегрированием. Понятие регулярного отображения плоских областей. Теорема о примере регулярного отображения. Теорема о замене переменных в двойном интеграле. Преобразование двойного интеграла к полярным координатам.

Тема 21. Тройные интегралы. Определение тройного интеграла. Вычисление тройного интеграла (теоремы 1 и 2). Тройной интеграл в цилиндрических и сферических координатах.

Тема 22. Применение кратных интегралов. Применение двойных интегралов (вычисление площадей, масс, статических моментов, моментов инерции и координат центра тяжести плоских фигур, объёмов тел, площадей поверхностей). Применение тройных ин-

тегралов (вычисление объемов, масс, статических моментов, моментов инерции и координат центра тяжести пространственных фигур).

Тема 23. Криволинейные интегралы Задачи, приводящие к понятию криволинейных интегралов. Определение криволинейного интеграла. Криволинейные интегралы первого и второго рода. Условие независимости криволинейного интеграла 2-го рода от формы пути. Свойства криволинейного интеграла. Вычисление криволинейного интеграла. Физический смысл криволинейного интеграла. Вычисление работы силы. Связь между двойным и криволинейным интегралами. Формула Римана-Грина. Применение формулы Римана-Грина.

Тема 24. Поверхностные интегралы Определение поверхностного интеграла первого рода. Вычисление поверхностных интегралов первого рода. Определение поверхностного интеграла второго рода. Вычисление поверхностных интегралов второго рода. Связь между поверхностными интегралами первого и второго рода.

Тема 25. Дифференциальные уравнения Основные понятия об обыкновенных дифференциальных уравнениях. Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям. Задача Коши. Теорема существования и единственности решения задачи Коши. Основные типы дифференциальных уравнений первого порядка: с разделяющимися переменными, однородные, линейные дифференциальные уравнения, дифференциальные уравнения Бернулли, дифференциальные уравнения в полных дифференциалах и алгоритмы их решения. Приложения дифференциальных уравнений первого порядка. Дифференциальные уравнения высших порядков. Задача Коши. Понятие о краевых задачах для дифференциальных уравнений. Основные методы понижения порядка дифференциальных уравнений. Однородные линейные и неоднородные линейные дифференциальные уравнения. Понятие общего решения. Определитель Вронского. Формула Лиувилля-Остроградского. Метод вариации неопределенных коэффициентов решения неоднородных линейных дифференциальных уравнений. Линейные дифференциальные уравнения с постоянными коэффициентами. Дифференциальные уравнения с правой частью специального вида. Системы дифференциальных уравнений. Решения систем линейных дифференциальных уравнений с постоянными коэффициентами.

Тема 26. Теория поля Понятие скалярного поля. Производная по направлению и градиент. Понятие векторного поля. Поток векторного поля через ориентированные поверхности. Основные свойства и физический смысл потока векторного поля. Теорема Остроградского. Дивергенция векторного поля и её свойства. Физический смысл дивергенции векторного поля. Понятие соленоидального поля. Основные свойства соленоидального поля. Работа силового поля. Циркуляция векторного поля. Теорема Стокса. Ротор векторного поля и его свойства. Потенциальное поле, его свойства. Условие потенциальности сформулированные Менделем. Основные методы генетики.

4.1 Лекции

№ п/п	Название темы	Объем часов	
		Очная форма	Заочная форма
Семестр 1			
1.	Тема 1. Множество действительных чисел	4	6
2.	Тема 2. Функции одной переменной	4	
3.	Тема 3. Пределы	4	
4.	Тема 4. Непрерывность функции	4	
5.	Тема 5. Непрерывные функции одной переменной	4	
6.	Тема 6. Производная функция одной переменной	4	
7.	Тема 7. Дифференциал функции одной переменной	5	

8.	Тема 8. Основные свойства дифференцируемых функций и их применение	5	
Итого за 1 семестр:		34	6
Семестр 2			
9.	Тема 9. Неопределенный интеграл	4	6
10.	Тема 10. Определенный интеграл	4	
11.	Тема 11. Применение определенного интеграла	4	
12.	Тема 12. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования	4	
13.	Тема 13. Числовые ряды	4	
14.	Тема 14. Функциональные последовательности и функциональные ряды	4	
15.	Тема 15. Степенные ряды. Разложение функции в степенные ряды	5	
16.	Тема 16. Тригонометрические ряды. Ряд Фурье	5	
Итого за 2 семестр		34	6
17.	Тема 17. Функции нескольких переменных	3	6
18.	Тема 18. Вычисление частных производных высших порядков функции нескольких переменных. Производная по направлению и градиент функции нескольких переменных	3	
19.	Тема 19. Экстремумы функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных	3	
20.	Тема 20. Двойные интегралы	3	
21.	Тема 21. Тройные интегралы	3	
22.	Тема 22. Применение кратных интегралов	3	
23.	Тема 23. Криволинейные интегралы	4	
24.	Тема 24. Поверхностные интегралы	4	
25.	Тема 25. Дифференциальные уравнения	4	
26.	Тема 26. Теория поля	4	
Итого за 3 семестр		34	6
Итого:		102	18

4.4 Практические (семинарские) занятия

№ п/п	Название темы	Объем часов	
		Очная форма	Заочная форма
Семестр 1			
1.	Тема 1. Множество действительных чисел	4	6
2.	Тема 2. Функции одной переменной	4	
3.	Тема 3. Пределы	4	
4.	Тема 4. Непрерывность функции	4	
5.	Тема 5. Непрерывные функции одной переменной	4	
6.	Тема 6. Производная функция одной переменной	4	
7.	Тема 7. Дифференциал функции одной переменной	5	
8.	Тема 8. Основные свойства дифференциру-	5	

	емых функций и их применение		
Итого за 1 семестр:		34	6
Семестр 2			
9.	Тема 9. Неопределенный интеграл	4	6
10.	Тема 10. Определенный интеграл	4	
11.	Тема 11. Применение определенного интеграла	4	
12.	Тема 12. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования	4	
13.	Тема 13. Числовые ряды	4	
14.	Тема 14. Функциональные последовательности и функциональные ряды	4	
15.	Тема 15. Степенные ряды. Разложение функции в степенные ряды	5	
16.	Тема 16. Тригонометрические ряды. Ряд Фурье	5	
Итого за 2 семестр		34	6
17.	Тема 17. Функции нескольких переменных	3	6
18.	Тема 18. Вычисление частных производных высших порядков функции нескольких переменных. Производная по направлению и градиент функции нескольких переменных	3	
19.	Тема 19. Экстремумы функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных	3	
20.	Тема 20. Двойные интегралы	3	
21.	Тема 21. Тройные интегралы	3	
22.	Тема 22. Применение кратных интегралов	3	
23.	Тема 23. Криволинейные интегралы	4	
24.	Тема 24. Поверхностные интегралы	4	
25.	Тема 25. Дифференциальные уравнения	4	
26.	Тема 26. Теория поля	4	
Итого за 3 семестр		34	6
Итого:		102	18

4.5 Лабораторные работы по дисциплине «Высшая математика» не предусмотрены учебным планом

4.6 Самостоятельная работа

№ п/п	Название темы	Вид СРС	Объем часов	
			Очная форма	Заочная форма
Семестр 1				
1.	Тема 1. Множество действительных чисел	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	9	16
2.	Тема 2. Функции одной переменной	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	9	16
3.	Тема 3. Пределы	подготовка к контрольной	9	16

		ной работе, выполнение индивидуального задания		
4.	Тема 4. Непрерывность функции	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	9	16
5.	Тема 5. Непрерывные функции одной переменной	подготовка к	10	17
6.	Тема 6. Производная функция одной переменной	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	10	17
7.	Тема 7. Дифференциал функции одной переменной	подготовка к контрольной работе; выполнение индивидуального задания	10	17
8.	Тема 8. Основные свойства дифференцируемых функций и их применение	подготовка к контрольной работе; выполнение индивидуального задания	10	17
Итого за 1 семестр			76	132
Семестр 2				
9.	Тема 9. Неопределенный интеграл	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	9	16
10.	Тема 10. Определенный интеграл	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	9	16
11.	Тема 11. Применение определенного интеграла	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	9	16
12.	Тема 12. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	9	16
13.	Тема 13. Числовые ряды	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	10	17
14.	Тема 14. Функциональные последовательности и функциональные ряды	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	10	17
15.	Тема 15. Степенные ряды. Разложение	подготовка к контрольной работе, выполнение	10	17

	функции в степенные ряды	индивидуального задания		
16.	Тема 16. Тригонометрические ряды. Ряд Фурье	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	10	17
Итого за 2 семестр			76	132
Семестр 3				
17.	Тема 17. Функции нескольких переменных	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	7	13
18.	Тема 18. Вычисление частных производных высших порядков функции нескольких переменных. Производная по направлению и градиент функции нескольких переменных	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	7	13
19.	Тема 19. Экстремумы функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных	подготовка к контрольной работе; выполнение индивидуального задания	7	13
20.	Тема 20. Двойные интегралы	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	7	13
21.	Тема 21. Тройные интегралы	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	7	13
22.	Тема 22. Применение кратных интегралов	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	7	13
23.	Тема 23. Криволинейные интегралы	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	8	13
24.	Тема 24. Поверхностные интегралы	подготовка к контрольной работе, выполнение индивидуального задания	8	13
25.	Тема 25. Дифференциальные уравнения	подготовка к контрольной работе, выполнение	8	14

		индивидуального задания		
26.	Тема 26. Теория поля	подготовка к контрольной работе; выполнение индивидуального задания	8	14
Итого за 3 семестр			76	132
Итого:			228	396

4.7 Курсовые работы/проекты по дисциплине «Высшая математика» не предусмотрены учебным планом

5. Образовательные технологии

Преподавание дисциплины ведется с применением следующих видов образовательных технологий:

- традиционные объяснительно-иллюстративные технологии, которые обеспечивают доступность учебного материала для большинства студентов, системность, отработанность организационных форм и привычных методов, относительно малые затраты времени;
- технологии проблемного обучения, направленные на развитие познавательной активности, творческой самостоятельности студентов и предполагающие последовательное и целенаправленное выдвижение перед студентом познавательных задач, разрешение которых позволяет студентам активно усваивать знания (используются поисковые методы; постановка познавательных задач);
- технологии развивающего обучения, позволяющие ориентировать учебный процесс на потенциальные возможности студентов, их реализацию и развитие;
- технологии концентрированного обучения, суть которых состоит в создании максимально близкой к естественным психологическим особенностям человеческого восприятия структуры учебного процесса и которые дают возможность глубокого и системного изучения содержания учебных дисциплин за счет объединения занятий в тематические блоки;
- технологии модульного обучения, дающие возможность обеспечения гибкости процесса обучения, адаптации его к индивидуальным потребностям и особенностям обучающихся (применяются, как правило, при самостоятельном обучении студентов по индивидуальному учебному плану);
- технологии дифференцированного обучения, обеспечивающие возможность создания оптимальных условий для развития интересов и способностей студентов, в том числе и студентов с особыми образовательными потребностями, что позволяет реализовать в культурнообразовательном пространстве университета идею создания равных возможностей для получения образования;
- технологии активного (контекстного) обучения, с помощью которых осуществляется моделирование предметного, проблемного и социального содержания будущей профессиональной деятельности студентов (используются активные и интерактивные методы обучения) и т.д.

Максимальная эффективность педагогического процесса достигается путем конструирования оптимального комплекса педагогических технологий и (или) их элементов на личностно-ориентированной, деятельностной, диалогической основе и использования необходимых современных средств обучения.

6. Учебно-методическое и программно-информационное обеспечение дисциплины:

а) основная литература:

1. Максименко В.Н., Курс математического анализа : учебник / Максименко В.Н. - Новосибирск : Изд-во НГТУ, 2016. (Серия "Учебники НГТУ") - ISBN 978-5-7782-2914-3 -

Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785778229143.html> (дата обращения: 02.09.2019). - Режим доступа : по подписке.

2. Иванова Е.Е., Дифференциальное исчисление функций одного переменного : учебник для вузов / Е.Е. Иванова; под ред. В.С. Зарубина, А.П. Крищенко - М. : Издательство МГТУ им. Н. Э. Баумана, 2017. - 407 с. (Математика в техническом университете) - ISBN 978-5-7038-4631-5 - Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785703846315.html> (дата обращения: 02.09.2019). - Режим доступа : по подписке.

3. Киркинский А.С., Математический анализ : Учебное пособие для вузов / Киркинский А.С. - М.: Академический Проект, 2019. - 526 с. (Gaudeamus) - ISBN 978-5-8291-3040-4 - Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785829130404.html> (дата обращения: 02.09.2019). - Режим доступа : по подписке.

4. Костецкая Г.С., Ряды : учебное пособие / Г.С. Костецкая; Б.Г. Вакулов, С.А. Докучаев – Ростов-на-Дону : Изд-во ЮФУ, 2018. - 170 с. - ISBN 978-5-9275-2873-8 - Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785927528738.html> (дата обращения: 02.09.2019). - Режим доступа : по подписке.

5. Пастухов Д.И., Интегральное исчисление функции одной переменной (неопределенный интеграл) : учебное пособие / Пастухов Д.И. - Оренбург: ОГУ, 2017. - 100 с. - ISBN 978-5-7410-1783-8 - Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785741017838.html> (дата обращения: 02.09.2019). - Режим доступа : по подписке.

6. Рояк С.Х., Пределы. Сборник задач и упражнений : учебное пособие / Рояк С.Х. - Новосибирск : Изд-во НГТУ, 2017. - 52 с. - ISBN 978-5-7782-3128-3 - Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785778231283.html> (дата обращения: 02.09.2019). - Режим доступа : по подписке.

7. Берман Г. Н. Сборник задач по курсу математического анализа. – М.: Наука, 1977. 8. Демидович Б.П. Сборник задач и упражнений по математическому анализу. – М.: Наука, 1977.

б) дополнительная литература:

1. Бегматов А.Х., Математический анализ: учеб. пособие: В 2 ч. / Бегматов А.Х. - Новосибирск : Изд-во НГТУ, 2016. - ISBN 978-5-7782-2927-3 - Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785778229273.html> (дата обращения: 02.09.2019). - Режим доступа : по подписке.

2. Газизова Н.Н., Специальный курс по математическому анализу : учебное пособие / Газизова Н. Н., Еникеева С. Р., Никонова Г. А., Никонова Н. В. - Казань : Издательство КНИТУ, 2018. - 116 с. - ISBN 978-5-7882-2418-3 - Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785788224183.html> (дата обращения: 02.09.2019). - Режим доступа : по подписке.

3. Недогибченко Г.В., Математический анализ : учебно-методическое пособие / Недогибченко Г.В. - Новосибирск : Изд-во НГТУ, 2017. - 32 с. - ISBN 978-5-7782-3216-7 - Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785778232167.html> (дата обращения: 02.09.2019). - Режим доступа : по подписке.

4. Дубровин В.Т., Лекции по математическому анализу. Ч.II : учебное пособие / В.Т. Дубровин - Казань : Изд-во Казан. ун-та, 2016. - 140 с. - ISBN 978-5-00019-575-8 -

Текст : электронный // ЭБС "Консультант студента" : [сайт]. - URL : <http://www.studentlibrary.ru/book/ISBN9785000195758.html> (дата обращения: 02.09.2019). - Режим доступа : по подписке.

5. Кудрявцев Л. Д. Математический анализ: т. 1, 2. М.: Высшая школа, 1988.
6. Пискунов Н.С. Дифференциальное и интегральное исчисления: т. 1, 2. М.: Наука, 2001.
7. Бутузов В. Ф. Лекции по математическому анализу: т. 1, 2. М.: МГУ, 2012.
8. Архипов Г.И., Садовничий В.А., Чубариков В.Н. Лекции по математическому анализу. – 2-е изд. – М.: Высш. шк., 2000.
9. Очан Ю.С. Сборник задач по математическому анализу. – М.: Просвещение, 1981.

в) методические указания:

1. О.Н., Скринникова А.В., Темникова С.В. Математический анализ.
Часть 2. Дифференциальное исчисление функции нескольких переменных и его применение :

1. Учебное пособие / О.Н. Ие, А.В. Скринникова, С.В. Темникова. – ГОУ ВПО ЛНР «Луганский национальный университет имени Тараса Шевченко». – Луганск: Книта, 2018. – 172 с.

2. Малый В.В., Малый Д.В., Щелоков В.С. Методические указания и контрольные задания к практическим занятиям по дисциплине "Математический анализ". Раздел "Теория пределов" (для студентов направлений подготовки 01.03.02; 09.03.01; 09.03.02; 09.03.03; 09.03.04; 15.03.04; 15.03.06). - Луганск: изд-во ЛГУ им. В.Даля, 2018. - 68 с.

3. Таращанский М.Т., Чалая Е.Ю. Ряды: Учебное пособие. - Луганск: Изд-во ЛНУ им. В.Даля, 2018. - 177 с.

4. Таращанский М.Т., Чалая Е.Ю. Кратные, криволинейные и поверхностные интегралы: Учебное пособие. - Луганск: Изд-во ЛНУ им. В.Даля, 2019. - 157 с.

г) интернет-ресурсы:

Министерство образования и науки Российской Федерации – <http://минобрнауки.пф/>

Федеральная служба по надзору в сфере образования и науки – <http://obrnadzor.gov.ru/>

Министерство образования и науки Луганской Народной Республики – <https://minobr.su>

Народный совет Луганской Народной Республики – <https://nslnr.su>

Портал Федеральных государственных образовательных стандартов высшего образования – <http://fgosvo.ru>

Федеральный портал «Российское образование» – <http://www.edu.ru/>

Информационная система «Единое окно доступа к образовательным ресурсам» – <http://window.edu.ru/>

Федеральный центр информационно-образовательных ресурсов – <http://fcior.edu.ru/>

Электронные библиотечные системы и ресурсы Электронно-библиотечная система «Консультант студента» – <http://www.studentlibrary.ru/cgi-bin/mb4x>

Электронно-библиотечная система «StudMed.ru» – <https://www.studmed.ru>

Информационный ресурс библиотеки образовательной организации Научная библиотека имени А. Н. Коняева – <http://biblio.dahluniver.ru/>

7. Материально-техническое обеспечение дисциплины

Освоение дисциплины «Высшая математика» предполагает использование академических аудиторий, соответствующих действующим санитарным и противопожарным правилам и нормам.

Прочее: рабочее место преподавателя, оснащенное компьютером с доступом в Интернет.

Программное обеспечение

Функциональное назначение	Бесплатное программное обеспечение	Ссылки
Офисный пакет	Libre Office 6.3.1	https://www.libreoffice.org/ https://ru.wikipedia.org/wiki/LibreOffice
Операционная система	UBUNTU 19.04	https://ubuntu.com/ https://ru.wikipedia.org/wiki/Ubuntu
Браузер	Firefox Mozilla	http://www.mozilla.org/ru/firefox/fx
Браузер	Opera	http://www.opera.com
Почтовый клиент	Mozilla Thunderbird	http://www.mozilla.org/ru/thunderbird
Файл-менеджер	Far Manager	http://www.farmanager.com/download.php
Архиватор	7Zip	http://www.7-zip.org/
Графический редактор	GIMP (GNU Image Manipulation Program)	http://www.gimp.org/ http://gimp.ru/viewpage.php?page_id=8 http://ru.wikipedia.org/wiki/GIMP
Редактор PDF	PDFCreator	http://www.pdfforge.org/pdfcreator
Аудиоплеер	VLC	http://www.videolan.org/vlc/

8. Оценочные средства по дисциплине

Паспорт оценочных средств по учебной дисциплине «Высшая математика»

Описание уровней сформированности и критериев оценивания компетенций на этапах их формирования в ходе изучения дисциплины

Этап	Код компетенции	Уровни сформированности компетенции	Критерии оценивания компетенции
Начальный	УК-1. Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	Пороговый УК-1.1. Знать: методики поиска, сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа	Знает: : методики поиска, сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа
Основной		Базовый УК-1.2. Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из разных источников; применять системный подход для решения поставленных задач	Умеет: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из разных источников; применять системный подход для решения поставленных задач

Заключительный		Высокий УК-1.3. Владеть: навыками поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач	Владеет: навыками поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач
Начальный	ОПК-2. Способен использовать математические, физические, физико-химические, химические методы для решения задач профессиональной деятельности	Пороговый . ОПК-2.1 Знать и использовать дифференциальные и интегральные исчисления, дифференциальные уравнений, теорию вероятностей и математическую статистику ОПК-2.2 Знать и использовать физические законы и принципы в своей профессиональной деятельности ОПК-2.3. Знать и использовать законы электротехники, принципы действия и методы расчета типовых электротехнических и электронных устройств для решения возникающих физических задач, самостоятельного приобретения физических знаний, для понимания принципов работы приборов и устройств.	Знает: Знать и использовать дифференциальные и интегральные исчисления, дифференциальные уравнений, теорию вероятностей и математическую статистику Знать и использовать физические законы и принципы в своей профессиональной деятельности Знать и использовать законы электротехники, принципы действия и методы расчета типовых электротехнических и электронных устройств для решения возникающих физических задач, самостоятельного приобретения физических знаний, для понимания принципов работы приборов и устройств.
Основной		Базовый ОПК-2.4. Уметь выбирать и рассчитывать оборудование для проведения химико-технологических процессов ОПК-2.5. Уметь применять в профессиональной деятельности естественнонаучные и общинженерные знания ОПК-2.6. Уметь использовать в профессиональной деятельности основы моделирования реальных объектов, основы расчетов и конструирования элементов технического оборудования по критериям работоспособности	Умеет: Уметь выбирать и рассчитывать оборудование для проведения химико-технологических процессов Уметь применять в профессиональной деятельности естественнонаучные и общинженерные знания Уметь использовать в профессиональной деятельности основы моделирования реальных объектов, основы расчетов и конструирования элементов технического оборудования по критериям работоспособности

Заключительный		Высокий ОПК-2.7. Владеть навыками решение инженерных задач с применением методов математического анализа, теории вероятности и математической статистики, решать уравнения и системы дифференциальных уравнений применительно к реальным процессам ОПК-2.8. Владеть навыками математического моделирования технологических процессов и обработки экспериментальных данных	Владеет: навыками решение инженерных задач с применением методов математического анализа, теории вероятности и математической статистики, решать уравнения и системы дифференциальных уравнений применительно к реальным процессам Владеть навыками математического моделирования технологических процессов и обработки экспериментальных данных

Перечень компетенций (элементов компетенций), формируемых в результате освоения учебной дисциплины

№ п/п	Код компетенции	Формулировка контролируемой компетенции	Индикаторы достижения компетенции (по дисциплине)	Темы учебной дисциплины	Этапы формирования (семестр изучения)
1.	УК-1	Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.2. Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из разных источников; применять системный подход для решения поставленных задач УК-1.3. Владеть: навыками поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач	Тема 1-26	Семестр 1,2,3
2.	ОПК-2	Способен использовать математические, физические, физико-химические, химические методы для решения задач профессиональной деятельности	ОПК-2.1 Знать и использовать дифференциальные и интегральные исчисления, дифференциальные уравнения, теорию вероятностей и математиче-	Тема 1-26	Семестр 1,2,3

			скую статистику ОПК-2.2 Знать и использовать физические законы и принципы в своей профессиональной деятельности ОПК-2.3. Знать и использовать законы электротехники, принципы действия и методы расчета типовых электротехнических и электронных устройств для решения возникающих физических задач, самостоятельного приобретения физических знаний, для понимания принципов работы приборов и устройств. ОПК-2.4. Уметь выбирать и рассчитывать оборудование для проведения химико-технологических процессов ОПК-2.5. Уметь применять в профессиональной деятельности естественно-научные и общетехнические знания ОПК-2.6. Уметь использовать в профессиональной деятельности основы моделирования реальных объектов, основы расчетов и конструирования элементов технического оборудования по критериям работоспособности ОПК-2.7. Владеть навыками решения		
--	--	--	--	--	--

			инженерных задач с применением методов математического анализа, теории вероятности и математической статистики, решать уравнения и системы дифференциальных уравнений применительно к реальным процессам ОПК-2.8. Владеть навыками математического моделирования технологических процессов и обработки экспериментальных данных		
--	--	--	---	--	--

Показатели и критерии оценивания компетенций, описание шкал оценивания

№ п/п	Код компетенции	Индикаторы достижения компетенции	Планируемые результаты обучения по дисциплине	Контролируемые темы учебной дисциплины	Наименование оценочного средства
1.	УК-1 Способен осуществлять поиск, критический анализ и синтез информации, применять системный подход для решения поставленных задач	УК-1.1. Знать: методики поиска, сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа УК-1.2. Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из разных источников; применять системный подход для решения поставленных задач УК-1.3. Владеть: навыками поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой	Знать методики поиска, сбора и обработки информации; актуальные российские и зарубежные источники информации в сфере профессиональной деятельности; метод системного анализа Уметь: применять методики поиска, сбора и обработки информации; осуществлять критический анализ и синтез информации, полученной из разных источников; применять си-	Тема 1-26	Фронтальные и индивидуальные опросы; контрольные работы; индивидуальные задания, промежуточная аттестация (экзамен)

		системного подхода для решения поставленных задач	стемный подход для решения поставленных задач Владеть: навыками поиска, сбора и обработки, критического анализа и синтеза информации; методикой системного подхода для решения поставленных задач		
2.	ОПК-2 Способен использовать математические, физические, физико-химические, химические методы для решения задач профессиональной деятельности	ОПК-2.1 Знать и использовать дифференциальные и интегральные исчисления, дифференциальные уравнения, теорию вероятностей и математическую статистику ОПК-2.2 Знать и использовать физические законы и принципы в своей профессиональной деятельности ОПК-2.3. Знать и использовать законы электротехники, принципы действия и методы расчета типовых электротехнических и электронных устройств для решения возникающих физических задач, самостоятельного приобретения физических знаний, для понимания принципов работы приборов и устройств. ОПК-2.4. Уметь выбирать и рассчитывать оборудование	Знать и использовать дифференциальные и интегральные исчисления, дифференциальные уравнений, теорию вероятностей и математическую статистику Знать и использовать физические законы и принципы в своей профессиональной деятельности Знать и использовать законы электротехники, принципы действия и методы расчета типовых электротехнических и электронных устройств для решения возникающих физических задач,	Тема 1-26	Фронтальные и индивидуальные опросы; контрольные работы; индивидуальные задания, промежуточная аттестация (экзамен)

		для проведения химико-технологических процессов ОПК-2.5. Уметь применять в профессиональной деятельности естественно-научные и общетехнические знания ОПК-2.6. Уметь использовать в профессиональной деятельности основы моделирования реальных объектов, основы расчетов и конструирования элементов технического оборудования по критериям работоспособности ОПК-2.7. Владеть навыками решения инженерных задач с применением методов математического анализа, теории вероятности и математической статистики, решать уравнения и системы дифференциальных уравнений применительно к реальным процессам ОПК-2.8. Владеть навыками математического моделирования технологических процессов и обработки экспериментальных данных	самостоятельного приобретения физических знаний, для понимания принципов работы приборов и устройств. Уметь: выбирать и рассчитывать оборудование для проведения химико-технологических процессов Уметь применять в профессиональной деятельности естественнонаучные и общетехнические знания Уметь использовать в профессиональной деятельности основы моделирования реальных объектов, основы расчетов и конструирования элементов технического оборудования по критериям работоспособности Владеть навыками решения инженерных задач с применением методов математического анализа, теории вероятности и математической статисти-		
--	--	---	---	--	--

			ки, решать уравнения и системы дифференциальных уравнений применительно к реальным процессам Владеть навыками математического моделирования технологических процессов и обработки экспериментальных данных		
--	--	--	---	--	--

Фонды оценочных средств по дисциплине

«Высшая математика»

Вопросы для фронтальных и индивидуальных опросов:

Тема 1. Множество действительных чисел

1. Что принято понимать под множеством? Приведите пример множества.
2. Что называется подмножеством данного множества?
3. Какие множества называются равными?
4. Понятия конечного и бесконечного множеств.
5. Что означает взаимно однозначное соответствие между двумя множествами?
6. Совпадают ли множества a, b, c, d, e и a, c, e, d, b ?
7. Укажите, какие из нижеперечисленных множеств будут конечными, а какие – бесконечными:
 - а) множество студентов данного института;
 - б) множество целых отрицательных чисел;
 - в) множество корней данного многочлена;
 - г) множество всех прямых, которые проходят через заданную точку.
8. Образуйте все возможные подмножества данного множества a, b, c, d, e .
9. Почему про пустое множество можно сказать, что оно включается в любое наперед данное множество?
10. Даны два множества: A – множество, состоящее из 15 стульев, и B – множество, состоящее из 15 студентов. Можно ли сказать, что $A=B$? Можно ли установить между этими множествами взаимно однозначное соответствие?
11. Какие числа называются натуральными?
12. Какие числа называются целыми? Обладает ли свойством плотности множество целых чисел?
13. Какие числа называются рациональными? Доказать, что сумма двух рациональных чисел есть число рациональное.
14. Какие числа называются иррациональными? Приведите примеры.
15. Множество действительных чисел и его основные свойства.
16. Аксиома непрерывности множества действительных чисел.
17. Что называется модулем действительного числа?
18. При каких условиях имеет место равенство $|x + y| = |x| + |y|$?

19. Напишите неравенства, связывающие модуль суммы и разности двух чисел с суммой и разностью их модулей.
 20. Понятие числового множества. Примеры числовых множеств.
 21. Дайте определение нижней и верхней границ числового множества.
 22. Какое числовое множество называется ограниченным снизу(сверху)? Приведите примеры.
 23. Какое числовое множество называется ограниченным? Приведите примеры.
 24. Сформулируйте и докажите признак ограниченности числового множества.
- Тема 2. Функции одной переменной.*
25. Понятие функции одной переменной.
 26. Область определения и область значений функции одной переменной.
 27. Дайте определение графика функции одной переменной.
 28. Что значит задать функцию одной переменной? Способы задания функции одной переменной.
 29. Действия над функциями.
 30. Дайте определение композиции двух функций. Приведите примеры.
 31. Понятие числовой последовательности.
 32. Понятие монотонной функции.
 33. Понятия четной и нечетной функций.
 34. Сформулируйте теорему о сумме двух четных (нечетных) функций.
 35. Сформулируйте теорему о произведении двух четных или двух нечетных функций; теорему о произведении четной функции на нечетную функцию.
 36. Понятие периодической функции.
 37. Основные элементарные функции, их свойства и графики.
 38. Элементарные преобразования графиков функций.
- Тема 3. Пределы.*
39. Сформулируйте определение δ -окрестности точки на числовой прямой. Что такое проколота δ -окрестность точки на числовой прямой.
 40. Дайте определение предельной точки множества.
 41. Понятие предела функции в точке и его геометрический смысл.
 42. Первый замечательный предел (лемма о вспомогательных неравенствах; теорема о первом замечательном пределе).
 43. Сформулируйте и докажите теорему о единственности предела.
 44. Сформулируйте и докажите теорему о предельном переходе в неравенствах.
 45. Сформулируйте и докажите теорему о пределе промежуточной функции.
 46. Сформулируйте и докажите теорему об ограниченности функции, имеющей конечный предел.
 47. Пределы суммы, разности, произведения и частного двух функций.
 48. Предел функции при аргументе, стремящемся к ∞ .
 49. Предел числовой последовательности.
 50. Бесконечно малые функции и их свойства.
 51. Бесконечно большие функции и бесконечные пределы.
 52. Сформулируйте и докажите теорему о связи понятия бесконечно большой функции с понятием бесконечно малой функции.
 53. Вычисление предела суммы, разности, произведения и частного двух функций в особых случаях.
 54. Эквивалентные бесконечно малые функции и вычисление с их помощью пределов.
 55. Односторонние пределы функций. Сформулируйте и докажите теорему о связи понятий односторонних пределов с понятием обычного предела.
 56. Точные границы числовых множеств. Сформулируйте и докажите теоремы о существовании точной верхней и точной нижней границ.

57. Сформулируйте теоремы и докажите о свойствах точной верхней и точной нижней границ числовых множеств.

58. Сформулируйте и докажите теоремы о пределе монотонной числовой последовательности. Теорема Вейерштрасса.

59. Сформулируйте и докажите теорему Кантора. Сформулируйте теорему о неравенстве Бернулли.

60. Число e . Сформулируйте и докажите теорему о втором замечательном пределе.

61. Сформулируйте и докажите теоремы о третьем, четвертом и пятом замечательных пределах и следствия из них.

Тема 4. Непрерывность функции.

62. Сформулируйте определение непрерывной функции в точке.

63. Сформулируйте и докажите теоремы о непрерывности суммы, разности, произведения и частного двух непрерывных в точке функций.

64. Сформулируйте и докажите теорему о внесении знака предела под знак непрерывной функции.

65. Сформулируйте и докажите теорему о непрерывности композиции двух функций.

66. Односторонняя непрерывность функции в точке.

67. Дайте определение точки разрыва функции. Классификация точек разрыва.

68. Односторонние пределы монотонных функций.

69. Сформулируйте теорему и докажите о промежуточных значениях непрерывной функции.

70. Понятие обратной функции. Сформулируйте и докажите теорему о существовании непрерывной обратной функции.

Тема 5. Непрерывные функции на отрезке.

71. Сформулируйте определение подпоследовательности.

72. Сформулируйте и докажите теорему Больцано-Вейерштрасса.

73. Сформулируйте и докажите теоремы Вейерштрасса о непрерывной на отрезке функции.

Тема 6. Производная функции одной переменной.

74. Сформулируйте определение производной функции.

75. Какая функция называется дифференцируемой в точке?

76. Сформулируйте и докажите теорему о связи дифференцируемости функции в точке с её непрерывностью в этой точке.

77. Дайте определения касательной и нормали к графику функции в точке.

78. Сформулируйте и докажите теорему о геометрическом смысле дифференцируемости функции в точке.

79. Производная суммы, разности, произведения и частного двух функций.

80. Сформулируйте и докажите теорему о производной композиции двух функций.

81. Производные элементарных функций.

82. Сформулируйте и докажите теорему о производной обратной функции.

83. Гиперболические функции и их производные.

84. Параметризованный путь. Примеры. Сформулируйте и докажите теорему о касательной к параметризованному пути.

85. Параметрический _____ способ задания функции. Сформулируйте и докажите теорему о производной параметрически заданной функции.

86. Напишите уравнения касательной и нормали к графику функции

$f(x) = \operatorname{arctg} x$ в точке $x = 1$

87. Найдите $f'_-(1)$ и $f'_+(1)$, если $f(x) = |x - 1|e^x$. Существует ли $f'(1)$?

88. Найдите y'_x , если: а) $y = \ln(x + \sqrt{a^2 + x^2})$; б) $y = \operatorname{arctg} th(x)$.

89. Что можно сказать о дифференцируемости суммы функций $f(x) + g(x)$ в точке $x = x_0$ если, в этой точке: а) функция $f(x)$ дифференцируема, а функция $g(x)$ не дифференцируема? б) обе функции $f(x)$ и $g(x)$ не дифференцируемы?

90. Используя определение, покажите, что функция $y = x^2 - 2x$ дифференцируема в точке $x = 2$ и найдите её дифференциал в этой точке

91. Является ли непрерывность функции в данной точке достаточным условием дифференцируемости? Ответ обосновать с помощью примера.

92. Может ли существовать $f''(x_0)$, если не существует $f'(x_0)$?

93. Найдите $f^{(n)}(x)$, если $f(x) = \ln x \cdot x$.

Тема 7. Дифференциал функции одной переменной

94. Сформулируйте определение дифференциала функции одной переменной.

95. Сформулируйте и докажите теорему о геометрическом смысле дифференциала функции одной переменной.

96. В чем состоит механический смысл дифференциала функции?

97. Сформулируйте и докажите теорему о дифференциале суммы, разности, произведения и частного двух функций.

98. Сформулируйте и докажите теорему о дифференциале композиции двух функций.

99. Что понимается под инвариантностью формы первого дифференциала?

100. Используя формулу для вычисления дифференциала, найдите dy , если $y = x \cdot \sin x + \cos x$.

101. Дифференциалы высших порядков.

102. Используя формулу для вычисления дифференциала, найдите d^2y , если $y = x \cdot \sin x$.

Тема 8. Основные свойства дифференцируемых функций и их применение.

103. Дайте определения возрастающей (убывающей) функции в точке.

104. Сформулируйте и докажите теорему о возрастании и убывании функции в точке.

105. Сформулируйте и докажите теорему Ферма.

106. Сформулируйте и докажите теорему Ролля.

107. Сформулируйте и докажите теорему Лагранжа.

108. Сформулируйте и докажите теорему Коши.

109. Сформулируйте и докажите теорему о достаточном условии монотонности функции на промежутке.

110. Дайте определение точке максимума (минимума) функции.

111. Сформулируйте и докажите теорему о необходимом условии существования экстремума функции одной переменной.

112. Сформулируйте и докажите теорему о первом и втором достаточных условиях существования экстремума функции одной переменной.

113. Направление выпуклости графика функции. Точки перегиба графика функции.

114. Невертикальные асимптоты графика функции.

115. Раскрытие неопределенностей типа $\left[\frac{0}{0}\right]$ и $\left[\frac{\infty}{\infty}\right]$ с помощью правила Лопиталя.

116. Вычислите, используя правило Лопиталя:

а) $\lim_{x \rightarrow 0} \left(\frac{x \cos x - \sin x}{x^2} \right)$; б) $\lim_{x \rightarrow +0} \left(\frac{2}{x^4 + \ln x} \right)$

117. Схема исследования функции и построение её графика.

118. Исследуйте функцию и постройте её график: $y = \frac{x}{x^2 - 4}$.

Тема 9. Неопределенный интеграл.

119. Дайте определение первообразной функции.

120. Сформулируйте и докажите теорему о первообразной функции.

121. Понятие неопределенного интеграла.

122. Сформулируйте и докажите основные свойства неопределенного интеграла.

123. Таблица основных неопределенных интегралов.

124. Докажите справедливость формулы для табличного интеграла $\int x^n dx; (n \neq -1)$.

125. Докажите справедливость формулы для табличного интеграла $\int \frac{dx}{a^2 + x^2}$.

126. Сформулируйте и докажите теорему об интегрировании по частям.

127. Вычислите с помощью интегрирования по частям $\int x \cdot \sin ax dx$.

128. Сформулируйте и докажите теорему о замене переменной в неопределенном интеграле.

129. Понятия рациональной функции, простейших рациональных функций. Интегрирование простейших дробей первого и второго типа.

130. Интегрирование простейших дробей третьего типа.

131. Интегрирование простейших дробей четвертого типа.

132. Вычислите интеграл $\int \frac{dx}{x^2 + px + q}; \left(q - \frac{p^2}{4} > 0\right)$, сведя его к табличному

133. Вычислите интеграл $\int \frac{dx}{x^2 + px + q}; \left(q - \frac{p^2}{4} < 0\right)$, сведя его к табличному

134. Вычислите интеграл $\int \frac{dx}{\sqrt{x^2 + px + q}}$, сведя его к табличному

135. Интегрирование правильной рациональной функции.

136. Интегрирование неправильной рациональной функции.

137. Интегрирование тригонометрических выражений.

138. Интегрирование выражений, содержащих радикалы.

139. Какую подстановку нужно выполнить для рационализации интеграла $\int R(\sqrt[3]{x}, \sqrt[4]{x}) dx$?

140. Укажите рационализирующую подстановку для интеграла $\int R\left(x, \sqrt[n]{\frac{\alpha x + \beta}{\gamma x + \delta}}\right) dx$.

Тема 10. Равномерная непрерывность функции на промежутке.

141. Сформулируйте определение равномерной непрерывности функции на промежутке.

142. Сформулируйте и докажите теорему Кантора о равномерной непрерывности.

143. Понятие колебания функции на отрезке. Следствие из теоремы Кантора.

144. Следует ли из равномерной непрерывности функции на промежутке обычная непрерывность на этом промежутке?

145. Докажите равномерную непрерывность функции $f(x) = x^3$ на отрезке $[0, 1]$, не используя теорему Кантора.

146. Будет ли функция $f(x) = x^2 - 3x$ равномерно непрерывной на интервале (1,3)?

Тема 11. Определенный интеграл.

147. Разбиение отрезка. Ранг разбиения. Интегральная сумма. Понятие определенного интеграла.

148. Задачи, приводящие к понятию определенного интеграла.

149. Сформулируйте и докажите теорему о необходимом условии интегрируемости функции.

150. Суммы Дарбу и их свойства.

151. Критерий интегрируемости функции.

152. Достаточные условия интегрируемости функции.

153. Сформулируйте и докажите основные свойства определенного интеграла.

154. Сформулируйте и докажите теорему о среднем значении.

155. Сформулируйте и докажите теорему о производной определенного интеграла по верхнему пределу интегрирования.

156. Сформулируйте и докажите теорему о существовании первообразной.

157. Сформулируйте и докажите теорему о формуле Ньютона – Лейбница.

158. Сформулируйте и докажите теорему об интегрировании по частям

159. Сформулируйте и докажите теорему о замене переменной интегрирования.

160. Интегралы четных и нечетных функций по отрезку с серединой в нуле.

161. Понятие о приближенном вычислении определенных интегралов.

Методы вычисления определенных интегралов по формулам прямоугольников, трапеций и Симпсона.

Тема 12. Применение определенного интеграла.

162. Квадрируемые фигуры на плоскости и их площади. Признак квадрируемости.

163. Сформулируйте и докажите теорему о площади криволинейной трапеции. Следствия.

164. Сформулируйте и докажите теорему о площади криволинейного сектора.

165. Функции с ограниченным изменением.

166. Спрямолинейность и длина плоской кривой. Сформулируйте и докажите теорему Жордана.

167. Вычисление длины гладкой кривой (определение гладкой кривой, теорема о длине гладкой кривой).

168. Вычисление длины гладкой кривой, заданной в декартовых координатах, и кривой, заданной в полярных координатах.

Тема 13. Несобственные интегралы с бесконечными пределами интегрирования.

169. Сформулируйте определение несобственного интеграла 1-го рода с бесконечным верхним пределом от непрерывной функции.

170. Сформулируйте определение несобственного интеграла 1-го рода с бесконечным нижним пределом от непрерывной функции.

171. Какой несобственный интеграл называется абсолютно сходящимся?

172. Укажите, для каких значений параметра σ интеграл $\int_a^{+\infty} \frac{dx}{x^\sigma}$ ($a > 0$) является сходящимся, а для каких значений – расходящимся интегралом.

173. Сформулируйте определение остатка несобственного интеграла.

174. Сформулируйте и докажите теорему об остатке несобственного интеграла.

Тема 14. Числовые ряды.

175. Понятие числового ряда. Сходящийся числовой ряд и его сумма.

Теорема о геометрическом ряде.

176. Найдите сумму ряда $\sum_{n=1}^{\infty} (5/8)^n$.

177. Теорема о сложении сходящихся числовых рядов. Теорема об умножении сходящегося числового ряда на число.

178. Определение остатка числового ряда. Теоремы об остатке сходящегося числового ряда.

179. Необходимое условие сходимости числового ряда. Гармонический ряд.

180. Сформулируйте необходимое условие сходимости числового ряда и с его помощью покажите, что ряд $\sum_{n=1}^{\infty} (1 + 1/n)^n$ расходится

181. Используя простейшие свойства числовых рядов, найдите сумму ряда $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{1}{3^n} - \frac{1}{4^n} \right)$.

182. Даны ряды с положительными членами: $\sum_{n=1}^{\infty} a_n$ (1) и $\sum_{n=1}^{\infty} b_n$ (2), $\lim_{n \rightarrow \infty} \frac{a_{n+1}}{a_n} = \frac{1}{2}$. С помощью признаков сходимости положительных рядов

установите, какое из нижеследующих утверждений справедливо: а) ряд (2) сходится, если $b_n = na_n$; в) ряд (2) расходится, если $b_n > a_n$, $n \geq 10$; с) ряд (2) расходится, если $b_n = 3^n a_n$; d) ряд (2) сходится, если $\lim_{n \rightarrow \infty} b_n = 1$.

183. Какие из перечисленных ниже рядов условно сходятся: А) $\sum_{n=2}^{\infty} \frac{\cos \pi n}{n \ln n}$; В) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^2}$; С) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{\sqrt{n}}$.

184. Положительные числовые ряды. Критерий сходимости положительных рядов.

185. Сравнение положительных рядов (теорема 1 и предельная теорема).

186. Признаки Коши и Даламбера сходимости положительных рядов.

187. Интегральный признак сходимости положительных рядов и его применение. Теорема об обобщенных гармонических рядах.

188. Знакопередающиеся ряды. Теорема Лейбница о знакопередающихся рядах.

189. Абсолютная и условная сходимость рядов. Положительная и отрицательная части числового ряда.

190. Признаки Даламбера и Коши абсолютной сходимости числового ряда.

191. Перестановка членов числового ряда (теорема 1 о переместительном свойстве положительных рядов; теорема 2 о переместительном свойстве абсолютно сходящихся рядов; теорема 3 о перемножении абсолютно сходящихся рядов).

192. Необходимое и достаточное условие сходимости (критерий Коши) числовой последовательности и числового ряда.

Тема 15. Функциональные последовательности и функциональные ряды.

193. Функциональная последовательность. Область сходимости и предельная функция.

194. Функциональные ряды. Область сходимости и предельная сумма функционального ряда.

195. Найдите области сходимости функциональных рядов:

а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{2^n}{(x+3)^n}$; б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n\sqrt{x}}$; в) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n^x}$; г) $\sum_{n=1}^{\infty} n^{1+x-x^2}$.

196. Найдите все значения x , при которых ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin nx}{n^2}$ сходится абсолютно

197. Можно ли почленно дифференцировать ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{\sin n^2 x}{n^2 + 1}$? ответ обосновать

198. Равномерная сходимость функциональной последовательности и функционального ряда.

199. Сформулируйте и докажите теорему Вейерштрасса о равномерной сходимости функционального ряда.

200. Необходимое и достаточное условия равномерной сходимости функциональных рядов и функциональных последовательностей.

201. Свойства равномерно сходящихся функциональных рядов.

Тема 16. Степенные ряды. Разложение функций в степенные ряды.

202. Понятие степенного ряда.

203. Сформулируйте теорему Абеля об интервале и радиусе сходимости степенного ряда.

204. Ряд $\sum_{n=1}^{\infty} a_n x^n$ расходится в точке $x_0 = -2$. С помощью теоремы Абеля установите, какое из следующих утверждений справедливо: а) этот ряд сходится абсолютно в точке $x_1 = -1$; в) этот ряд сходится в точке $x_2 = 0$; с) этот ряд расходится в точке $x_3 = 3$;

д) нет правильного ответа.

205. Найдите области сходимости степенных рядов: а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n^2 2^n}$; б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-2)^n}{n 3^n}$; в) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-1)^{2n}}{n 4^n}$.

206. Сформулируйте и докажите теорему о равномерной сходимости степенного ряда.

207. Сформулируйте и докажите свойства степенных рядов.

208. Разложение функции в степенной ряд.

209. Сформулируйте и докажите теорему о единственности разложения функции в степенной ряд.

210. Формула Тейлора.

211. Сформулируйте и докажите теорему об условии сходимости ряда Тейлора.

212. Сформулируйте и докажите теорему о разложении функции $f(x) = e^x$ в степенной ряд

213. Сформулируйте и докажите теорему о разложении функции $f(x) = \sin x$ в степенной ряд

214. Сформулируйте и докажите теорему о разложении функции $f(x) = \cos x$ в степенной ряд

215. Сформулируйте и докажите теорему о разложении функции $f(x) = \ln(1+x)$ в степенной ряд

216. Сформулируйте и докажите теорему о разложении функции $f(x) = \arctg x$ в степенной ряд

217. Сформулируйте и докажите теорему о разложении функции $f(x) = (1+x)^m$ в биномиальный ряд

218. Что значит разложить функцию в степенной ряд? Зависят ли коэффициенты такого разложения от способа его получения? Разложив в ряд Маклорена функцию $f(x) = x/(1+x^2)$, найдите $f^{(2n+1)}(0)$.

219. Разложите функцию в ряд по степеням x и укажите область сходимости полученного ряда: а) e^{-x^2} ; б) $\ln(x^2 + 3x + 2)$; в) $\int_0^x \frac{\sin 2t}{t} dt$.

220. Разложите функцию $y = \tg x$ в ряд Тейлора по степеням $(x - \pi/4)$, выписав первые 3 члена, отличные от нуля.

221. Вычислите приближённо с точностью до 10^{-3} , оценив погрешность по признаку Лейбница для знакопередающегося ряда: $\int_0^{0.5} e^{-x^2} dx$.

222. Понятие степенного ряда в комплексной области. Круг сходимости степенного ряда. Теорема Абеля.

223. Показательная и тригонометрические функции комплексной переменной. Формулы Эйлера.

Тема 17. Тригонометрические ряды. Ряд Фурье.

224. Тригонометрическая система функций и её ортогональность. Пример ортогональной системы функций.

225. Какие из следующих пар функций $f(x)$ и $g(x)$ ортогональны на промежутке $[-1, 1]$: а) $f(x) = x$ и $g(x) = x^3 - 1$; б) $f(x) = x$ и $g(x) = x^2 - 1$; в) $f(x) = x^2$ и $g(x) = x^2 - 1$?

226. Понятие тригонометрического ряда.
 227. Дайте определение ряда Фурье.
 228. Комплексная форма ряда Фурье.
 229. Сходимость ряда Фурье. Теорема Дирихле.
 230. Ряды по косинусам и синусам.
 231. Специальные приёмы разложения функций в зависимости от заданного интервала разложения.
 232. Напишите формулы для коэффициентов ряда Фурье функции $f(x)$, разложенной в этот ряд в промежутках: а) $[-\pi, \pi]$; б) $[-l, l]$.
 233. Напишите ряд Фурье нечётной функции $f(x)$, заданной на промежутке $[-\pi, \pi]$.
 234. Функция $f(x)$ в промежутке $[0, \pi]$ разложена в ряд Фурье а) по косинусам; б) по синусам. Напишите формулы для коэффициентов обоих рядов.
 235. Функция $f(x) = -1 - x^2$ в промежутке $[-2, 0]$ разложена в ряд Фурье по синусам. Напишите формулы для коэффициентов ряда. Постройте график суммы этого ряда.
 236. Разложите в ряд Фурье функцию $y=|x|$ в промежутках: а) $[-\pi, \pi]$; б) $[0; 2\pi]$; в) $[-1; 1]$. Постройте графики функции и сумм этих рядов.
 237. Разложите в ряд Фурье функцию $y = \frac{\pi}{4} - \frac{x}{2}$ в промежутке $[0; \pi]$: а) по синусам; б) по косинусам. Постройте графики функции и сумм рядов.

Тема 18. Функции нескольких переменных

238. Функция двух переменных. Область определения и область значений функции двух переменных. Функция нескольких переменных.
 239. Способы задания функции двух переменных. График функции двух переменных. Линии уровня.
 240. Что такое ϵ -окрестность точки $M_0(x_1^{(0)}, x_2^{(0)}, \dots, x_m^{(0)})$?
 241. Какое множество E называется ограниченным? замкнутым? связным?
 242. Предел функции двух переменных.
 243. Бесконечно малые функции двух переменных и их свойства.
 244. Непрерывность в точке функции двух переменных.
 245. Частные производные функции нескольких переменных. Частные приращения и частные производные функции двух переменных.
 246. Функция двух переменных, дифференцируемая в точке.
 247. Полный дифференциал функции в точке.
 248. Необходимое и достаточное условия дифференцируемости функции двух переменных.
 249. Производная и дифференциал сложной функции двух переменных.
 249. Производная и дифференциал сложной функции двух переменных.
 250. Запишите формулу для производной $\frac{\partial z}{\partial y}$ сложной функции $z = z(u, v)$, $u = u(x, y)$, $v = v(x, y)$.
 251. Запишите формулу для производной $\frac{dy}{dx}$ неявной функции, заданной уравнением $F(x, y) = 0$.
 252. Запишите формулы для производных $\frac{\partial z}{\partial x}$, $\frac{\partial z}{\partial y}$ неявной функции, заданной уравнением: $F(x, y, z) = 0$.
 Тема 19. Вычисление частных производных высших порядков функции

нескольких переменных. Производная по направлению и градиент функции нескольких переменных

253. Частные производные высших порядков функции нескольких переменных.

254. Дифференциал функции двух переменных и его основные свойства.

255. Дифференциалы высших порядков функции двух переменных.

256. Производная по направлению функции нескольких переменных.

257. Градиент функции нескольких переменных в точке.

258. Сформулируйте определение производной функции

$u = f(M) = f(x, y, z)$ по направлению вектора $\vec{l}$.

259. Запишите формулу, выражающую производную функции $u = f(x, y, z)$ по направлению вектора $\vec{l^0} = (\cos\alpha, \cos\beta, \cos\gamma)$ через частные производные функции u .

260. Запишите формулу, связывающую $\text{grad } u$ и производную $\frac{\partial u}{\partial l}$ в заданной точке скалярного поля u .

261. Как связаны направления наибольшего роста функции $u = f(x, y, z)$ с вектором $\text{grad } u$ в рассматриваемой точке $M(x, y, z)$?

Тема 20. Экстремумы функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных.

262. Сформулируйте определение локального максимума (локального минимума) функции $z = f(x, y)$ в точке $M_0(x_0, y_0)$.

263. Что такое стационарная точка функции $z = f(x, y)$?

264. Необходимое и достаточные условия существования экстремума функции $z = f(x, y)$?

265. Алгоритм исследования функции двух переменных на экстремум.

266. Абсолютные и условные экстремумы функции.

267. Алгоритм поиска абсолютного экстремума функции в заданной области.

268. Сформулируйте правило отыскания наибольшего и наименьшего

значений функции $z = f(x, y)$ в ограниченной замкнутой области.

269. Сформулируйте определение условного максимума функции $u = f(M)$ при связи $\varphi(M) = 0$ (рассмотрите случай двух или трех переменных).

270. Сформулируйте необходимые условия условного экстремума функции $u = f(M)$ при связи $\varphi(M) = 0$ по методу Лагранжа.

271. Сформулируйте теорему Вейерштрасса об ограниченности функции, непрерывной в замкнутой ограниченной области.

272. Сформулируйте теорему Вейерштрасса о существовании наибольшего и наименьшего значений функции, непрерывной в замкнутой ограниченной области.

Тема 21. Двойные интегралы.

273. Квадрируемые фигуры и их площади. Признак квадрируемости фигуры.

274. Понятие интегральной суммы для функции двух переменных.

275. Понятие двойного интеграла.

276. Геометрический смысл двойного интеграла.

277. Необходимое условие существования двойного интеграла.

278. Суммы Дарбу для функции двух переменных. Признак интегрируемости

функции двух переменных.

279. Достаточные условия существования двойного интеграла.

280. Свойства двойного интеграла, выражаемые равенствами и следствия из них.

281. Свойства двойного интеграла, выражаемые неравенствами.

282. Найдите среднее значение $f(x, y) = x + 2y$ по прямоугольнику, ограниченному прямыми $x = 1$, $y = 2$ и осями координат.

283. Понятие повторного интеграла.

284. Вычисление двойного интеграла повторным интегрированием (теоремы 1 и 2).

285. Интегрируема ли функция $1/(x - y)$ по квадрату $0 \leq x \leq 1$, $0 \leq y \leq 1$?

286. Сведите двойной интеграл $\iint_D f(x, y) dx dy$ к повторному интегралу двумя способами, если: а) (D) – область, ограниченная линиями $y = 3x^2$, $y = 6 - 3x$; б) (D) – трапеция с вершинами $(-1, 4)$, $(5, 4)$, $(1, 1)$, $(4, 1)$.

287. Измените порядок интегрирования в интеграле:
 $\int_{-2}^{-1} dx \int_{-\sqrt{-x^2-2x}}^0 f(x, y) dy + \int_{-1}^0 dx \int_x^0 f(x, y) dy.$

288. Вычислить двойной интеграл по области D :

$$\iint_D \frac{x dx dy}{(x^2 + y^2 + 2)^{\frac{3}{2}}}; \quad D: 0 \leq x \leq 1, \quad 0 \leq y \leq 1$$

289. Поня-

тие регулярного отображения плоских областей.

290. Теорема о примере регулярного отображения.

291. Изобразите на плоскости Oxy образ фигуры $G' = \{(r, \phi): 2 \leq r \leq 3, 0 \leq \phi \leq \pi/4\}$ при отображении $x = r \cos \phi$, $y = r \sin \phi$. Является ли это отображение взаимно однозначным?

292. Теорема о замене переменных в двойном интеграле.

293. Теорема о преобразовании двойного интеграла к полярным координатам.

Тема 22. Тройные интегралы.

294. Понятие тройного интеграла.

295. Свойства тройного интеграла.

296. Вычисление тройного интеграла (теоремы 1 и 2).

297. Тройной интеграл в сферических и цилиндрических координатах.

298. Вычислить тройной интеграл по области G :

$$\iiint_G 2y^2 e^{xy} dx dy dz; G = \{(x, y, z): x = 0, y = 1, y = x, z = 0, z = 1\}.$$

299. Вычислить тройной интеграл по области G :

$$\iiint_G x^2 z \sin(xyz) dx dy dz; G = \{(x, y, z): x = 2, x = 0, y = \pi, y = 0, z = 0, z = 1\}.$$

Тема 23. Применение кратных интегралов.

300. Применение кратных интегралов к вычислению площадей плоских фигур.

301. Найдите площадь фигуры, ограниченной линиями:

а) $xy = 4$, $x + y = 5$; б) $(x^2 + y^2) = 8xy$, $x^2 + y^2 = 1$ ($x^2 + y^2 \leq 1$).

302. Применение кратных интегралов к вычислению объемов тел.

303. Найдите объем тела, ограниченного поверхностями $z = \ln(1 + x^2 + y^2)$, $z = 0$, $x^2 + y^2 = 2$.

304. Вычис-

ление массы и координат центра тяжести плоской фигуры и тела.

305. Найти центр тяжести однородной плоской фигуры, ограниченной половиной эллипса $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, опирающейся на большую ось.

306. Вычисление площади поверхности.

307. Найти площадь той части плоскости $6x + 3y + 2z = 12$, которая заключена в первом октанте.

308. Вычисление моментов инерции плоской фигуры и тела.

309. Определить полярный момент инерции площади, ограниченной линиями $\frac{x}{a} + \frac{y}{b} = 1$, $x = 0$, $y = 0$.

Тема 24. Криволинейные интегралы.

310. Задачи, приводящие к криволинейным интегралам.

311. Понятие криволинейного интеграла первого рода и его свойства.

312. Понятие криволинейного интеграла второго рода и его свойства.

313. Теорема о существовании криволинейного интеграла и формуле для его вычисления.

314. Вычисление работы переменной силы с помощью криволинейного интеграла.

315. Теорема о формуле Римана-Грина и следствие из нее.

316. Применение формулы Римана-Грина.

317. Условия независимости криволинейного интеграла второго рода от пути интегрирования.

318. Вычислить интегралы: а) $\int_{AB} 2xydx + x^2dy$; б) $\int_{AB} \cos 2ydx - 2x\sin 2ydy$

по любой линии от точки $A(1; \frac{\pi}{6})$ до точки $B(2; \frac{\pi}{4})$.

319. Даны точки $A(-a; 0)$ и $B(0; a)$. Вычислить работу силы $\vec{F}(P; Q)$, где $P = y$, $Q = y - x$, при перемещении единицы массы:

а) по прямой OA ;

в) по ломаной AOB .

320. Написать и проверить формулу Римана-Грина для интеграла $\oint_L (x + y)dx - 2xydy$ по контуру треугольника со сторонами $x = 0$, $y = 0$, $x + y = a$.

321. Применив формулу Римана-Грина, вычислить $\oint_L y^2dx + (x + y)^2dy$ по контуру треугольника ABC с вершинами $A(a; 0)$, $B(a; a)$, $C(0; a)$.

322. Вычислить двумя способами интеграл $\oint_L (1 - x^2)ydx + x(1 + y^2)dy$, если контуром интегрирования L является окружность $x^2 + y^2 = R^2$:

а) непосредственно; б) с помощью формулы Римана-Грина.

Тема 25. Поверхностные интегралы.

323. Определение поверхностного интеграла первого рода.

324. Вычисление поверхностных интегралов первого рода.

325. Определение поверхностного интеграла второго рода.

326. Вычисление поверхностных интегралов второго рода.

327. Связь между поверхностными интегралами первого и второго рода.

Вычислить поверхностные интегралы первого рода (по площади поверхности):

328. $\iint_{\sigma} (6x + 4y + 3z) ds$, где σ - часть плоскости $x + 2y + 3z = 6$,

расположенная в первом октанте;

329. $\iint_W (y + z + \sqrt{a^2 - x^2}) ds$, где W - поверхность цилиндра $x^2 + y^2 = a^2$,

заключенная между плоскостями $z = 0$ и $z = h$.

Тема 26. Теория поля.

330. Понятие скалярного поля.

331. Производная по направлению и градиент.

332. Понятие векторного поля.

333. Поток векторного поля через ориентированные поверхности.

334. Основные свойства и физический смысл потока векторного поля.

335. Теорема Остроградского.

336. Дивергенция векторного поля и её свойства.

337. Физический смысл дивергенции векторного поля.

338. Понятие соленоидального поля.

339. Основные свойства соленоидального поля.

340. Работа силового поля.

341. Циркуляция векторного поля.

342. Теорема Стокса.

343. Ротор векторного поля и его свойства.

344. Потенциальное поле, его свойства. Условие потенциальности.

345. Найти производную скалярного поля $u = 4\ln(3 + x^2) - 8xyz$ в точке $(1, 1, 1)$ по направлению нормали к поверхности $x^2 - 2y^2 + 2z^2 = 1$ (нормаль образует острый угол с положительным направлением оси Oz).

346. Найти дивергенцию, ротор, соленоидальность и потенциальность векторного поля $\vec{F} = (2y - z)\vec{i} + (3x + 2z)\vec{j} + (y + z)\vec{k}$. $\vec{r} = x\vec{i} + y\vec{j} + z\vec{k}$, $r = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$.

347. Найти: 1) поток заданного векторного поля $\vec{F} = (x + z)\vec{i}$ через внешнюю часть S заданной плоскости $P: x + y + z - 2 = 0$, которая вместе с координатными плоскостями образует пирамиду V ; 2) циркуляцию векторного поля $\vec{F}$ вдоль границы L поверхности S в направлении противоположном движению часовой стрелки: а) непосредственно; б) по формуле Стокса.

Критерии и шкала оценивания по оценочному средству
«фронтальный индивидуальный опрос»

Шкала оценивания	Критерий оценивания
Отлично (5)	Студент глубоко и в полном объёме владеет программным материалом. Грамотно, исчерпывающе и логично его излагает в устной или письменной форме. При этом знает рекомендованную литературу, проявляет творческий подход в ответах на вопросы и правильно обосновывает принятые решения, хорошо владеет умениями и навыками при выполнении практических задач.
Хорошо (4)	Студент знает программный материал, грамотно и по сути излагает его в устной или письменной форме, допуская незначительные неточности в утверждениях, трактовках, определениях и категориях или незначительное количество ошибок. При этом владеет необходимыми умениями и навыками при выполнении практических задач.

Удовлетворительно (3)	Студент знает только основной программный материал, допускает неточности, недостаточно чёткие формулировки, непоследовательность в ответах, излагаемых в устной или письменной форме. При этом недостаточно владеет умениями и навыками при выполнении практических задач. Допускает до 30% ошибок в излагаемых ответах.
Неудовлетворительно (2)	Студент не знает значительной части программного материала. При этом допускает принципиальные ошибки в доказательствах, в трактовке понятий и категорий, проявляет низкую культуру знаний, не владеет основными умениями и навыками при выполнении практических задач. Студент отказывается от ответов на дополнительные вопросы

Контрольные работы:

1 семестр

Тема 1. Множество действительных чисел.

Тема 2 Функции одной переменной.

Контрольная работа 1

Вариант № 0

1. Решить неравенство: $|x-1| + 3 \cdot |x| < 4$;
2. Найти область определения функции:
а) $y = \lg \frac{x^2 - 5x + 6}{x^2 - 5x - 6}$; б) $y = \sqrt{x-1} + \sqrt{7-x}$;
3. Доказать, что функция $y = x^2 - 10x$ возрастает строго на $(5; +\infty)$;
4. Дан график функции $y = \frac{1}{x}$. С помощью каких элементарных преобразований получается график функции $y = \frac{2x-3}{3x-2}$?

Тема 3. Пределы.

Тема 4. Непрерывность функции.

Тема 5. Непрерывность функции на отрезке.

Контрольная работа 2

Вариант № 0

1. Вычислить предел:

$$\begin{aligned} \text{а) } \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 + 5x - 6}{\sqrt{x^4 + x^2 + 1}}; \quad \text{б) } \lim_{x \rightarrow 8} \frac{x - 8}{\sqrt[3]{x} - 2}; \quad \text{в) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\sin x - \sin 2x}{\sin x + \sin 2x}; \quad \text{г) } \lim_{x \rightarrow +\infty} x \cdot (\sqrt{x^2 + 1} - x); \\ \text{д) } \lim_{x \rightarrow 1} (2x - 1)^{\frac{2}{1-x}}; \quad \text{е) } \lim_{x \rightarrow 0} \frac{\operatorname{tg} 8x}{\sin x + \sin 5x}. \end{aligned}$$

2. Исследовать функцию на непрерывность, найти точки разрыва функции, определить их род и построить график:

$$f(x) = \begin{cases} \sqrt{1-x^2}, & x \leq 0, \\ 1, & 0 < x \leq 2, \\ x-2, & x > 2. \end{cases}$$

3. Найти неперпендикулярные асимптоты графика функции $y = \frac{4x^2}{3+x^2}$.

Тема 6. Производная функции одной переменной.

Тема 7. Дифференциал функции одной переменной.

Тема 8. Основные свойства дифференцируемых функций и их применение

Контрольная работа 3

Вариант № 0

1. Найти производную функции:

а) $y = \ln \arcsin \sqrt{1-x^2}$

б) $y = (2x+3)^{\lg x}$;

2. С помощью дифференциала вычислить приближенное значение $\cos 44^\circ$;

3. Найти уравнения касательной и нормали к кривой: $y = x^3 - 3x^2 + 3$ в точке $x_0 = 3$.

4. Точка движется прямолинейно по закону $s = \frac{4}{3}t^3 - t + 5$. Найти скорость и ускорение точки в заданный момент времени $t = 2$ с.

5. Найти интервалы монотонности и точки локального экстремума функции: $y = \frac{2x^2}{2x-1}$.

6. Вычислить наименьшее и наибольшее значения функции: $y = \frac{4x-1}{x^2+3}$ на $[0; 4]$.

7. Найти направление выпуклости и точки перегиба графика функции: $y = 3x^2 - x^3$.

2 семестр

Тема 9. Неопределенный интеграл.

Контрольная работа 1

Вариант № 0

Вычислить неопределенный интеграл:

1. $\int \frac{\operatorname{tg}(3x-1)dx}{\cos^2(3x-1)}$;

2. $\int (x^2 + x + 1) \cdot \ln x dx$;

3. $\int \frac{x dx}{\sqrt{x^2 + 6x + 13}}$;

4. $\int \frac{1 + \sqrt[3]{x-2}}{\sqrt{x-2}} dx$;

5. $\int \frac{dx}{x \cdot \sqrt{x^2 + x + 1}}$;

6. $\int \frac{dx}{\cos x}$;

7. $\int \frac{8 \cdot x^2 dx}{x^4 - 16}$;

8. $\int \sin x \cdot \cos 2x \cdot \cos 3x dx$.

Тема 10. Определенный интеграл.

Тема 11. Применение определенного интеграла.

Тема 12. Несобственные интегралы.

Контрольная работа 2

Вариант № 0

1. Вычислить определенный интеграл:

а). $\int_1^{e^3} \frac{dx}{x\sqrt{1+\ln x}}$ б). $\int_0^{\sqrt{3}} x \arctg x dx$ в). $\int_4^9 \frac{x-1}{\sqrt{x}+1} dx$.

2. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:
 $y = x^2$; $y = -x + 2$.

3. Вычислить длину дуги кривой: $y = \ln(1-x^2)$ ($-\frac{1}{2} \leq x \leq \frac{1}{2}$).

4. Вычислить несобственный интеграл: $\int_2^{\infty} \frac{1}{x \ln^2 x} dx$.

Тема 13. Числовые ряды.

Тема 14. Функциональные последовательности и функциональные ряды.

Контрольная работа 3

Вариант № 0

Выяснить, сходится ли данный ряд?

1 а) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{\sqrt{n}+1}{n^2+1} \right)^2$; б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2-1}{n^2+1}$.

Выяснить, сходится ли данный ряд и, если сходится, то как: абсолютно или условно?

2 а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n}{n + \sqrt{n} + 1}$; б) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^n \cdot 2^n}{n!}$.

Найти область сходимости функционального ряда.

3 а) $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^n}{n \cdot 3^n}$; б) $\sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n^2 \cdot x^2 + 1}{n^2 + 1} \right)^n$.

Доказать, что данный функциональный ряд сходится равномерно на указанном промежутке.

4. $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{x^2 \cdot \sin nx}{n^2 + n + x^2}$ на $[-1; 1]$.

Тема 15. Степенные ряды. Разложение функций в степенные ряды.

Тема 16. Тригонометрические ряды. Ряд Фурье.

Контрольная работа 4

Вариант № 0

1. Найти сумму степенного ряда, применяя интегрирование, и указать область сходимости: $2 - 8x + 24x^2 - 64x^3 + \dots$.

2. Найти сумму степенного ряда, применяя дифференцирование ряда, указать область сходимости: $\sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \cdot \frac{x^{2n+4}}{5^n \cdot (2n+4)}$.

3. Найти первые пять членов разложения функции $f(x)$ в ряд Тейлора в окрестности точки x_0 : $f(x) = x^{-2} + x^{-3} - 3x^{-10} + 7x^{-14}$, $x_0 = 1$.

4. Вычислить приближенно $\ln 1,02$ с точностью $\delta = 10^{-4}$.

5. Вычислить интеграл $\int_0^{0,1} e^{-4x^2} dx$ с точностью до 0,001.

6. Разложить в ряд Фурье периодическую с периодом $T = 2\pi$ функцию $f(x) = \begin{cases} x, & x \in [-\pi, 0]; \\ 2 - x, & x \in (0, \pi]. \end{cases}$, заданную на отрезке $[-\pi, \pi]$.

3 семестр

Тема 17. Функции нескольких переменных.

Тема 18. Вычисление частных производных высших порядков функции нескольких переменных. Производная по направлению и градиент функции нескольких переменных.

Тема 19. Экстремумы функции двух переменных. Наибольшее и наименьшее значения функции двух переменных.

Контрольная работа 1

Вариант № 0

1. Найти $\frac{\partial z}{\partial x}$ и $\frac{\partial z}{\partial y}$, если $z = u^2 \cdot \ln v$, $u = \frac{x}{y}$, $v = 3x - 2y$.

2. Найти $\frac{\partial^3 z}{\partial x \partial y^2}$, если $z = \sin xy$.

3. Дана функция $z = \arctg(x^2 \cdot y^2)$. Найти: 1). $\text{grad } z$ в точке А (1;-1);

2). производную функции z в точке А в направлении вектора $l = 5i - 12j$.

4. Составить уравнения касательной плоскости и нормали к поверхности $z = 2x^2 - xy + y^2$ в точке С (1;2;4).

5. Найти экстремумы функции $z = x^2 + y^2 - 2x - 4 \cdot \sqrt{xy} - 2y + 8$.

6. Найти наибольшее и наименьшее значения функции $z = x^2 + 2xy - 4x + 8y$ в прямоугольнике, ограниченном прямыми: $x=0$; $y=0$; $x=1$; $y=2$.

Тема 20. Двойные интегралы.

Тема 21. Тройные интегралы.

Контрольная работа 2

Вариант № 0

1. Вычислить двойной интеграл по области D :

$$\iint_D \frac{x dx dy}{(x^2 + y^2 + 2)^{\frac{3}{2}}}; \quad D: 0 \leq x \leq 1, \quad 0 \leq y \leq 1$$

2. Вычислить двойной интеграл по области D :

$$\iint_D y \ln x dx dy; \quad D: xy = 1, \quad x = 2, \quad y = \sqrt{x}.$$

3. Вычислить тройной интеграл по области G :

$$\iiint_G x^2 z \sin(xyz) dx dy dz; \quad G = \{(x, y, z): x = 2, x = 0, y = \pi, y = 0, z = 0, z = 1\}.$$

Тема 22. Применение кратных интегралов.

Тема 23. Криволинейные интегралы.

Контрольная работа 3

Вариант № 0

1. Найти площадь той части плоскости $6x + 3y + 2z = 12$, которая заключена в первом октанте.

2. Найти центр тяжести однородной плоской фигуры, ограниченной половиной эллипса $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, опирающейся на большую ось.

3. Определить момент инерции относительно оси OY площади треугольника с вершинами $A(1;1)$, $B(1;3)$, $C(4;5)$.

4. Вычислить $\int_L (1 - x^2)y dx + (1 + y^2)dy$, если контуром интегрирования L является окружность $x^2 + y^2 = R^2$.

5. Применив формулу Римана-Грина, вычислить $\oint_L y^2 dx + (x + y)^2 dy$ по контуру треугольника ABC с вершинами $A(a;0)$, $B(a;a)$, $C(0;a)$.

Тема 24. Поверхностные интегралы.

Тема 25. Дифференциальные уравнения.

Тема 26. Теория поля

Контрольная работа 4

Вариант № 0

1. Вычислить поверхностные интегралы первого рода (по площади поверхности):

$$\iint_{\sigma} (6x + 4y + 3z) ds, \quad \text{где } \sigma - \text{часть плоскости } x + 2y + 3z = 6,$$

расположенная в первом октанте.

2. Вычислить поверхностные интегралы второго рода (по координатам):

Вариант № 0

1. Вычислить двойной интеграл по области D :

$$\iint_D \frac{x dx dy}{(x^2 + y^2 + 2)^{\frac{3}{2}}}; \quad D: 0 \leq x \leq 1, \quad 0 \leq y \leq 1$$

2. Вычислить двойной интеграл по области D :

$$\iint_D y \ln x dx dy; \quad D: xy = 1, \quad x = 2, \quad y = \sqrt{x}.$$

3. Вычислить тройной интеграл по области G :

$$\iiint_G x^2 z \sin(xyz) dx dy dz; \quad G = \{(x, y, z): x = 2, x = 0, y = \pi, y = 0, z = 0, z = 1\}.$$

Тема 22. Применение кратных интегралов.

Тема 23. Криволинейные интегралы.

Контрольная работа 3

Вариант № 0

1. Найти площадь той части плоскости $6x + 3y + 2z = 12$, которая заключена в первом октанте.

2. Найти центр тяжести однородной плоской фигуры, ограниченной половиной эллипса $\frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1$, опирающейся на большую ось.

3. Определить момент инерции относительно оси OY площади треугольника с вершинами $A(1;1)$, $B(1;3)$, $C(4;5)$.

4. Вычислить $\int_L (1-x^2)y dx + (1+y^2)dy$, если контуром интегрирования L является окружность $x^2 + y^2 = R^2$.

5. Применив формулу Римана-Грина, вычислить $\oint_L y^2 dx + (x+y)^2 dy$ по контуру треугольника ABC с вершинами $A(a;0)$, $B(a;a)$, $C(0;a)$.

Тема 24. Поверхностные интегралы.

Тема 25. Дифференциальные уравнения.

Тема 26. Теория поля

Контрольная работа 4

Вариант № 0

1. Вычислить поверхностные интегралы первого рода (по площади поверхности):

$$\iint_{\sigma} (6x + 4y + 3z) ds, \quad \text{где } \sigma - \text{часть плоскости } x + 2y + 3z = 6,$$

расположенная в первом октанте.

2. Вычислить поверхностные интегралы второго рода (по координатам):

Критерии и шкала оценивания по оценочному
средству «контрольная работа»

Шкала оценивания (интервал баллов)	Критерий оценивания
5	Контрольная работа выполнена на высоком уровне (правильные ответы даны на 90-100% вопросов/задач)
4	Контрольная работа выполнена на среднем уровне (правильные ответы даны на 75-89% вопросов/задач)
3	Контрольная работа выполнена на низком уровне (правильные ответы даны на 50-74% вопросов/задач)

2	Контрольная работа выполнена на неудовлетворительном уровне (правильные ответы даны менее чем на 50%)
---	---

Задание 3

Вычислить производные функций:

Таблица 3

№ пп	а)	б)	в)
1	$y = (\ln x)^x$	$\cos(x \cdot y) + x - y = 0$	$\begin{cases} x = \sin^2 t + t \\ y = \cos t + 2 \end{cases}$

Задание 4

Составить уравнения касательной и нормали в точке $x_0 = m$ к параболе:

$y = nx^2 + (n-1)x + m$, где m – число гласных букв в фамилии, n – число согласных букв в фамилии.

Задание 5

Исследовать функцию методом дифференциального исчисления и построить график:

Таблица 4

№№	f(x)	№№	f(x)
1	$y = \frac{x^3}{x-1}$	2	$y = \frac{x^3}{x^4-1}$

Семестр 2.

Индивидуальное задание № 1

№ п/п	Номера задач									
1	1.1	2.1	3.1	3.11	4.1	4.11	5.1	5.11	6.1	6.11

1. Простейшие приёмы интегрирования

1.1. $\int \frac{1 + \cos^2 x}{1 + \cos 2x} dx$

1.2. $\int \sin^4 x dx$

2. Замена переменной

2.1. $\int \frac{\sqrt{x}}{x(x+1)} dx$

2.2. $\int x^2 e^x \sin x dx$

3. Интегрирование рациональных функций

3.1. $\int \frac{x}{2x^2 - 3x - 2} dx$

3.2. $\int \frac{dx}{(1+x^2)^4}$

4. Интегрирование тригонометрических функций

$$4.1. \int \frac{\sin^3 x}{\cos^4 x} dx \int \sqrt{\lg x} dx$$

5. Интегрирование иррациональных функций. Несобственные интегралы

$$5.1. \int \sqrt{\frac{1-x}{1+x}} \frac{dx}{x}$$

$$5.2. \int_1^{\infty} \frac{1}{x^2 + 2x + 2} dx$$

Индивидуальное задание № 2

2. Вычисление определенных интегралов

$$1.1. \int_0^1 \frac{xdx}{(x^2 + 1)^2}$$

$$1.2. \int_0^{\pi/2} e^{2x} \cos x dx$$

2. Вычисление площадей фигур

- 2.1. Вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями $y^2 = 2x + 1$ и $x - y - 1 = 0$.

3. Вычисление длины дуги

- 3.1. Найти длину дуги линии $\ln x$ от точки $x_1 = \sqrt{3}$ до точки $x_2 = \sqrt{8}$.

Семестр 3.

Индивидуальное задание № 1

Задание № 1. Исследовать положительные ряды на сходимость:

$$1. \text{ а) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 + 5}{2^n}; \quad \text{б) } \sum_{n=1}^{\infty} \left(\frac{n-1}{2n+1} \right)^n; \quad \text{в) } \sum_{n=2}^{\infty} \frac{1}{n \ln n (\ln \ln n)^2}.$$

Задание № 2. Исследовать числовой ряд на сходимость и установить характер сходимости (абсолютная, условная):

$$1. \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^{n+1} \frac{1}{3n-1}. \quad 2. \sum_{n=1}^{\infty} (-1)^n \left(\frac{2n-1}{3n+2} \right)^n.$$

Задание № 3. Найти область сходимости функционального ряда:

$$1. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(-1)^{n+1}}{3^n n (x+2)^n}. \quad 2. \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{n! (x+3)^n}.$$

Задание № 4. Найти область сходимости заданных степенных рядов:

$$1. \text{ а) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{10^n x^n}{n^n}; \quad \text{б) } \sum_{n=1}^{\infty} \frac{(x-1)^n}{n^2 2^n}.$$

Задание № 5. Разложить заданную функцию $f(x)$ в степенной ряд в окрестности точки x_0 . Найти область сходимости полученного степенного ряда к данной функции.

1. $f(x) = e^{-x^2}$, $x_0 = 0$.

2. $f(x) = \ln x$, $x_0 = 1$.

Задание № 7. Разложить в ряд Фурье периодическую с периодом $T = 2\pi$ функцию $f(x)$, заданную на отрезке $[-\pi, \pi]$.

1. $f(x) = \begin{cases} 0, & x \in [-\pi, 0); \\ 4x - 3, & x \in [0, \pi]. \end{cases}$

2. $f(x) = \begin{cases} 5 - x, & x \in [-\pi, 0]; \\ 0, & x \in (0, \pi]. \end{cases}$

Индивидуальное задание № 2

Задание № 1. Найти частные производные z_x, z_y функции $z = f(x, y)$.

1.1. $z = \ln(3x - x^2 + 5xy)$;

1.2. $z = \sqrt{3xy - x^2 + 5y^2}$;

Задание № 3. Найти: а) производную функции $z = f(x, y)$ в точке М по направлению вектора $\vec{l}$;

б) градиент функции $z = f(x, y)$ в точке М.

3.1. $z = \cos^3 y + \ln(x^2 + y^2)$; $M(1, 1)$, $\vec{l} = \vec{i} + 2\vec{j}$;

Задание № 4. Проверить заданное соотношение для функции $z = f(x, y)$.

4.1. $x^2 \frac{\partial^2 z}{\partial x^2} - y^2 \frac{\partial^2 z}{\partial y^2} = 0$, $z = e^{xy}$;

Задание № 5. Вычислить наибольшее и наименьшее значения функции $z = f(x, y)$ в заданной области D , которая определена системой неравенств. Построить область D .

5.1. $z = x^2 + y^2 - 9xy + 27$, $0 \leq x \leq 3, 0 \leq y \leq 3$;

Индивидуальное задание № 3

Задание № 1. Вычислить повторный интеграл:

1.1. $\int_0^2 dy \int_0^1 (x^2 + 2y) dx$.

1.2. $\int_3^4 dx \int_1^2 \frac{dy}{(x+y)^2}$.

Задание № 2. Найти уравнения линий, ограничивающих область интегрирования. Сделать рисунок области интегрирования:

2.1. $\int_{-6}^2 dy \int_{\frac{y^2}{4}-1}^{2-y} f(x; y) dx$.

2.2. $\int_1^3 dx \int_{x^2}^{x+9} f(x; y) dy$.

Задание № 3. Изменить порядок интегрирования в повторном интеграле:

3.1. $\int_0^2 dx \int_x^{2x} f(x; y) dy$.

3.2. $\int_{-6}^2 dx \int_{\frac{x^2}{4}-1}^{2-x} f(x; y) dy$.

Задание № 4. Вычислить двойной интеграл:

4.1. $\iint_D (x+y) dx dy$; $0 \leq x \leq 1$, $1 \leq y \leq 2$. 4.2.

$\iint_D xy(x-y) dx dy$; $0 \leq x \leq 1$, $0 \leq y \leq 2$.

Задание № 5. С помощью перехода к полярным координатам вычислить двойной интеграл:

5.1. $\int_0^R dx \int_0^{\sqrt{R^2-x^2}} \ln(x^2+y^2+1) dy$.

Задание № 6. С помощью двойных интегралов вычислить площадь фигуры, ограниченной линиями:

6.1. $y = x^2$; $y = x + 2$. 6.2. $x = y^2 - 2y$; $x + y = 0$.

Задание № 7. С помощью двойных интегралов вычислить объём тела, ограниченного поверхностями:

7.1. $z = 5 - x$; $y^2 = 5x$; $z = 0$.

Задание № 8. Вычислить тройной интеграл по области G .

8.1. $\iiint_G 2y^2 e^{xy} dx dy dz$;

$G = \{(x, y, z) : x = 0, y = 1, y = x, z = 0, z = 1\}$

Задание № 9. Найти производную скалярного поля $u(x, y, z)$ в точке M_0 по направлению нормали к поверхности S (нормаль образует острый угол с положительным направлением оси Oz).

№	u	S	M_0
9.1.	$u = 4 \ln(3 + x^2) - 8xyz$	$x^2 - 2y^2 + 2z^2 = 1$	$(1, 1, 1)$

Задание № 10. Найти:

- 1) Поток заданного векторного поля $\vec{F}$ через внешнюю часть S заданной плоскости P , которая вместе с координатными плоскостями образует пирамиду V ;
 - 2) Циркуляцию векторного поля $\vec{F}$ вдоль границы L поверхности S в направлении противоположном движению часовой стрелки.
- а) непосредственно; б) по формуле Стокса.

№	$\vec{F}$	P
10.1.	$(x+z)\vec{i}$	$x + y + z - 2 = 0$

Критерии и шкала оценивания по оценочному средству «индивидуальные задания»

Шкала оценивания	Критерий оценивания
Зачтено	Правильно решены 90-100% заданий
Не зачтено	Правильно решены менее 90% заданий

Оценочные средства для промежуточной аттестации (экзамен)

Типовые экзаменационные билеты

Билет. Семестр 1.

Билет № 1

1. Множество действительных чисел. Модуль действительного числа и его свойства. 1 балл
2. Решить неравенство: $|x^2 - 5x - 5| < 9$. 1 балл
3. Производная суммы, разности, произведения и частного двух функций. Теорема о производной композиции двух функций. 1 балл
4. Найти y' , если $y = e^{-5x^4} \cdot \sin 3x$. 1 балл

5. Односторонняя непрерывность функции в точке. 1 балл
Классификация точек разрыва.

Найти точки разрыва функции, определить их род и

построить график:
$$f(x) = \begin{cases} -\frac{1}{4}x^2, & x \leq 2 \\ x, & x > 2 \end{cases}.$$

Билет. Семестр 2.

Билет № 1

1. Понятие первообразной. Теорема о первообразной. Понятие неопределенного интеграла. 1 балл

Вычислить неопределенный интеграл: $\int \frac{(1-x)^2}{x\sqrt{x}} dx$.

2. Теорема о разложении функции $f(x) = e^x$ в степенной ряд. 1 балл
Вычислить приближенно $\sqrt[4]{e}$ с точностью $\delta = 10^{-4}$.
3. Теорема об интегрировании по частям в определенном интеграле. 1 балл

Вычислить определенный интеграл: $\int_1^e \ln^2 x dx$.

4. Выяснить, сходится ли данный ряд $\sum_{n=1}^{\infty} \frac{n^2 - 1}{n^2 + 1}$? 1 балл

5. Найти площадь фигуры, ограниченной линией $\rho = a \sin 2\varphi$. 1 балл

Билет № 1

1. Исследовать функцию двух переменных $z = x^3 + y^3 - 6xy + 10$ 1 балл
на экстремум.
2. Определить момент инерции относительно оси ОХ площади 1 балл
треугольника с вершинами A(1;1), B(2;1), C(3;3).
3. Понятие криволинейного интеграла первого рода и его свойства. 1 балл
4. Найти производную скалярного поля $u = 4 \ln(3 + x^2) - 8xyz$ в 1 балл
точке $M_0(1,1,1)$ по направлению нормали к поверхности S :
 $x^2 - 2y^2 + 2z^2 = 1$ (нормаль образует острый угол с
положительным направлением оси Oz).
5. С помощью двойных интегралов вычислить объём тела, 1 балл
ограниченного поверхностями: $z = 5 - x$; $y^2 = 5x$; $z = 0$.

Критерии и шкала оценивания по оценочному средству – экзамен

Шкала оценивания	Характеристика знания предмета и ответов
отлично (5)	Студент глубоко и в полном объёме владеет программным материалом. Грамотно, исчерпывающе и логично его излагает в устной или письменной форме. При этом знает рекомендованную литературу, проявляет творческий подход в ответах на вопросы и правильно обосновывает принятые решения, хорошо владеет умениями и навыками при выполнении практических задач
хорошо (4)	Студент знает программный материал, грамотно и по сути излагает его в устной или письменной форме, допуская незначительные неточности в утверждениях, трактовках, определениях и категориях или незначительное количество ошибок. При этом владеет необходимыми умениями и навыками при выполнении практических задач
удовлетворительно (3)	Студент знает только основной программный материал, допускает неточности, недостаточно чёткие формулировки, непоследовательность в ответах, излагаемых в устной или письменной форме. При этом недостаточно владеет умениями и навыками при выполнении практических задач. Допускает до 30% ошибок в излагаемых ответах
неудовлетворительно (2)	Студент не знает значительной части программного материала. При этом допускает принципиальные ошибки в доказательствах, в трактовке понятий и категорий, проявляет низкую культуру знаний, не владеет основными умениями и навыками при выполнении практических задач. Студент отказывается от ответов на дополнительные вопросы

1. Особенности организации обучения для лиц с ограниченными возможностями здоровья и инвалидов

При необходимости рабочая программа учебной дисциплины может быть адаптирована для обеспечения образовательного процесса инвалидов и лиц с ограниченными возможностями здоровья, в том числе с применением электронного обучения и дистанционных образовательных технологий.

Для этого требуется заявление студента (его законного представителя) и заключение психолого-медико-педагогической комиссии (ПМПК). В случае необходимости обучающимся из числа лиц с ограниченными возможностями здоровья (по заявлению обучающегося), а для инвалидов также в соответствии с индивидуальной программой реабилитации инвалида могут предлагаться следующие варианты восприятия учебной информации с учетом их индивидуальных психофизических особенностей:

- создание текстовой версии любого нетекстового контента для его возможного преобразования в альтернативные формы, удобные для различных пользователей;
- создание контента, который можно представить в различных видах без потери данных или структуры, предусмотреть возможность масштабирования текста и изображений без потери качества, предусмотреть доступность управления контентом с клавиатуры;
- создание возможностей для обучающихся воспринимать одну и ту же информацию из разных источников, например, так, чтобы лица с нарушениями слуха получали информацию визуально, с нарушениями зрения – аудиально;
- применение программных средств, обеспечивающих возможность освоения навыков и умений, формируемых дисциплиной (модулем), за счёт альтернативных способов, в том числе виртуальных лабораторий и симуляционных технологий;
- применение электронного обучения, дистанционных образовательных технологий для передачи информации, организации различных форм интерактивной контактной работы обучающегося с преподавателем, в том числе вебинаров, которые могут быть использованы для проведения виртуальных лекций с возможностью взаимодействия всех участников дистанционного обучения, проведения семинаров, выступления с докладами и защиты выполненных работ, проведения тренингов, организации коллективной работы;
- применение электронного обучения, дистанционных образовательных технологий для организации форм текущего и промежуточного контроля;
- увеличение продолжительности сдачи обучающимся инвалидом или лицом с ограниченными возможностями здоровья форм промежуточной аттестации по отношению к установленной продолжительности их сдачи:
 - продолжительность сдачи зачёта или экзамена, проводимого в письменной форме, – не более чем на 90 минут;
 - продолжительность подготовки обучающегося к ответу на зачёте или экзамене, проводимом в устной форме, – не более чем на 20 минут;
 - продолжительность выступления обучающегося при защите курсовой работы – не более чем на 15 минут.

Лист изменений и дополнений

№ п/п	Виды дополнений и изменений с указанием страниц	Дата и номер протокола заседания кафедры (кафедр), на котором были рассмотрены и одобрены изменения и дополнения	Подпись (с расшифровкой) заведующего кафедрой (заведующих кафедрами)
1.			
2.			
3.			
4.			

Лист дополнений к рабочей программе

УТВЕРЖДАЮ

Зав. кафедрой _____

И.О. Фамилия

« _____ » _____ 202__ г.

Список литературы к рабочей программе дисциплины
_____ направление подготовки/специальность
_____ по состоянию на « _____ » _____ 20__ г.

Основная литература:

- 1.
- 2.
- 3.

Дополнительная литература:

- 1.
- 2.
- 3.

Преподаватель _____
(подпись) (И.О.Ф.)